

*Sistema Estadístico Agropecuario Nacional*

***SEAN***

**ENCUESTA DE SUPERFICIE Y  
PRODUCCION AGROPECUARIA CONTINUA**

***DISEÑO DE MUESTREO  
DE LA ESPAC***

por  
**Guillermo Otáñez; Econ.; M.A.  
CONSULTOR INEC/BID**

**Quito, Mayo del 2004**

# 1 INTRODUCCION

El sector agropecuario continúa siendo de vital importancia para la economía del Ecuador, debido a que por un lado, su contribución al Producto Interno Bruto (PIB) en el último quinquenio ha fluctuado alrededor del 17 %; y por otro, sigue siendo un sector generador de empleo muy importante, puesto que la Población Económicamente Activa (PEA), tiene todavía una importancia relativa del orden del 40 % de la del área rural, según el Censo de Población y Vivienda del 2001.

También este sector continúa siendo una fuente crucial en la generación de divisas, a través de la exportación de los productos tradicionales del banano, café y cacao; pero, el Ecuador al momento trata de diversificar su cuota de participación en los mercados internacionales con nuevos productos de origen agrícola, tales como las flores, mangos, espárragos, brócoli, uvillas, tunas, especialmente desde el año 2000 en que se adoptó el modelo de la dolarización.

Además, el sector agropecuario desempeña un papel estratégico dentro del concepto global de seguridad alimentaria, ya que el mismo proporciona la mayor parte de alimentos a una población que crece a una tasa anual del 2.0 %. Para satisfacer esta demanda, la frontera agrícola se expandió a una tasa de crecimiento promedio anual del orden del 1.7 % y el ganado vacuno creció a un ritmo del 2.2 % en los años comprendidos entre 1974 al 2000, superando en el último año censal los 12 millones de hectáreas bajo alrededor de 843.000 Unidades de producción agropecuaria (UPAs), dedicadas a la agricultura, ganadería y otros usos, cifra que representa casi la mitad de la superficie física nacional; el hato de ganado vacuno fue de alrededor de 4'500.00 cabezas en el 2000 y su tasa de crecimiento anual en el período de 26 años (2.2 %) es un poco superior a la de la población ecuatoriana (2.0 %).<sup>1</sup>

En el mismo período inter-censal 1974-00, el número de UPAs (843.000) se ha incrementado a una velocidad un poco menor (1.3 %) que el ritmo de la frontera agrícola, fenómeno que contrasta con lo que sucede con la población rural del país, la cual mantiene una tasa casi nula de crecimiento promedio anual (0.3 %). Estas UPAs mantienen una población de 3'061.500 personas, que representa las 2/3 partes de la población rural del país, dando ocupación directa en las mismas a 2'522.800, de las cuales más de la cuarta parte son trabajadores remunerados permanentes y ocasionales.

En lo que se refiere al uso o aprovechamiento de la tierra, la superficie de labor (cultivos permanentes, transitorios y tierras en descanso) ocupa casi la cuarta parte del área bajo UPAs y los pastos (cultivados y naturales) abarcan alrededor de la tercera parte de la superficie total bajo las mismas, que sumados a la categoría de páramos (también utilizados para el pastoreo), llegan a representar el 42 %. Los montes y bosques tienen una importancia relativa del 31 % y el restante 3 % corresponde a otros usos (tierras improductivas, construcciones, caminos, canales de regadío, etc.).

---

<sup>1</sup> Ver 'Ecuador: Breve Análisis de los Resultados de las Principales Variables del Censo Nacional Agropecuario'; Guillermo Otáñez y Otros. [www.sica.gov.ec](http://www.sica.gov.ec)

Los indicadores presentados en los párrafos anteriores actualizadas con los resultados del Tercer Censo Nacional Agropecuario (CNA) 2000<sup>2</sup>, muestran la vital importancia estratégica que todavía tiene el sector agropecuario en los aspectos económicos y sociales del país.

Es de dominio de los especialistas sectoriales que existen restricciones socio-culturales, económicas, técnicas e institucionales para planificar el desarrollo sostenible del sector agropecuario. Paralelamente, durante la última década el país ha vivido los procesos de globalización de la economía, liberalización y apertura de mercados y al momento se apresta para entrar en las negociaciones del Tratado de Libre Comercio (TLC) de las Américas. Entonces, el desarrollo sostenible y la operación eficiente y apertura transparente de los mercados, requieren disponer de un sistema de información estadística que sea objetiva, confiable y, sobre todo, oportuna.

Sin embargo, el sistema de información estadística del sector agropecuario de Ecuador siempre se ha caracterizado por ser débil e incapaz de satisfacer la demanda de cifras de los tomadores de decisiones, planificadores y otros usuarios, tanto públicos como privados, incluyendo por supuesto, a los propios Productores Agropecuarios.

Para solucionar el problema permanente de oferta de información estadística que mida de manera permanente la dinámica del sector agropecuario, el Ecuador ha realizado esfuerzos aislados a través de los últimos 50 años. El Primer Censo Nacional Agropecuario se realizó en 1954, siendo el Ecuador el primer país que en Latino América utilizó la metodología del muestreo probabilístico en una operación censal (dos procesos separados: Directorio (censo) de UPAs con cuestionario reducido y muestra con cuestionario ampliado) con excelentes resultados cantonales, provinciales y nacionales<sup>3</sup>, seguido por el de 1962 (un solo proceso: censo con cuestionario reducido y muestra con ampliado), que no llegó a producir cifras finales. Ante el fracaso del censo agropecuario de 1962, en 1968 se ejecutó la Encuesta Agropecuaria Nacional por Muestreo, que generó datos a nivel provincial y nacional; y, en 1974 se levantó el Segundo Censo Agropecuario Nacional, el cual ha sido la única operación censal por ENUMERACIÓN COMPLETA con cuestionario ampliado, que arrojó cifras a nivel sectorial, parroquial, cantonal, provincial y nacional.

El Programa Nacional del Trigo del Ministerio de Agricultura y Ganadería (MAG), con la asistencia técnica del actual Instituto Nacional de Estadística y Censos (INEC), emprendió a finales de la década de los sesenta la Encuesta Nacional del Trigo empleando la metodología del muestreo de conglomerados combinada con la del muestreo de lista; en 1975, se actualizó el marco de muestreo con los datos del Censo Agropecuario Nacional de 1975 en las provincias de Pichincha y Bolívar. Esta encuesta se interrumpió con la desaparición del Programa Nacional del Trigo. También el Programa Nacional del Café del mismo MAG condujo dos esfuerzos con metodologías objetivas con la realización de la Encuesta del Café a finales de la década del 60 y el Censo Cafetero de los años 80.

---

<sup>2</sup> Ver 'III Censo Nacional Agropecuario: Resultados Nacionales y provinciales', Volúmn I. INEC, MAG, SICA

<sup>3</sup> La publicación de los Resultados Finales del Censo Agropecuario de 1954 indica que en el mismo no se aplicó la metodología del muestreo de áreas por la falta de una cartografía y fotografía aérea adecuadas.

A finales de 1979, el INEC y el MAG, en coordinación con el Centro de Levantamiento Integrado de Recursos Naturales por Sensores Remotos (CLIRSEN) iniciaron un esfuerzo común para producir información estadística permanente con metodologías científicas. En efecto, se estableció el Sistema de Estadísticas Agropecuarias Nacionales (SEAN), aplicando la metodología del muestreo de áreas con el uso de fotografía aérea, imágenes de satélite, mapas topográficos y cartografía censal, sistema que desde 1982 hasta 1995 llevó a cabo 18 rondas produciendo estimaciones a nivel provincial y nacional. Lamentablemente, a partir de 1996, la serie anual continua del SEAN, se interrumpió por falta de voluntad política de los encargados de proveer de los recursos financieros, puesto que los técnicos siempre estuvieron disponibles en el INEC.

En un nuevo esfuerzo para proveer de información estadística oportuna y confiable del sector agropecuario, el INEC y el MAG, con el apoyo financiero del Banco Mundial y la asistencia técnica del Departamento de Agricultura de los Estados Unidos/Servicio Nacional de Estadísticas Agropecuarias (USDA/NASS) y otros expertos nacionales concedores del sistema de información estadística del sector, están terminando las actividades de análisis, publicación y difusión del denominado “III Censo Nacional Agropecuario (CNA) 2000”, pero que en realidad se trata de una “Encuesta Grande por Muestreo”, cuyos objetivos básicos fueron los de conocer la estructura actual del mismo y servir de base para restablecer el sistema permanente del SEAN.

En el CNA 2000 se utilizó la metodología del Muestreo de Marcos Múltiples (MMM), la cual combina el método del Muestreo del Marco de Areas (MMA) con el del Marco de Muestreo de Listas (MML).

El INEC inició en el 2002 el restablecimiento del SEAN interrumpido en 1996, a través de la planificación y realización de la primera Encuesta de Superficie y Producción Agropecuaria Continua (ESPAC) empleando la metodología del MMM, para proveer información estadística confiable y oportuna de manera permanente, que mida los cambios coyunturales del sector agropecuario.

Este documento contiene el Diseño de Muestreo de la ESPAC, encuesta que constituye el primer MODULO PERMANENTE dentro del Plan para el Restablecimiento del SEAN.

## 2 OBJETIVOS DEL DISEÑO DE MUESTREO DE LA ESPAC

Presentar el diseño de muestreo de la ESPAC, para documentar y describir los procesos técnicos y operacionales adoptados en la ejecución del plan de muestreo de la misma.

Servir de documento de capacitación y consulta para los técnicos y funcionarios especializados del INEC y otras instituciones interesadas, para cumplir con el proceso de selección de las muestras y el proceso de estimación de los resultados y sus errores de muestreo, tanto de la ESPAC como de otros módulos que se deban diseñar y desarrollar en el futuro inmediato (pronósticos de la producción de cultivos, por ejemplo).

### **3 EL CNA 2000**

#### **3.1 METODOLOGIA DEL CNA 2000**

El CNA 2000 utilizó la metodología del Muestreo de Marcos Múltiples (MMM), la cual combina el método del Muestreo del Marco de Areas (MMA) con el del Muestreo del Marco de Lista (MML), con la finalidad de hacer más eficiente el diseño de muestro minimizando las varianzas para un costo dado. La disponibilidad de recursos fue la razón fundamental para utilizar el muestreo en el III CNA 2000. La recolección de los datos se realizó mediante ENTREVISTA DIRECTA a Informantes calificados de las UPAs incluidas en la muestra.

#### **3.2 PLAN DE MUESTREO DEL CNA 2000: PROCESO DE SELECCION**

##### **3.2.1 Bosquejo del diseño del MMA**

El diseño del MMA empleado en el CNA 2000 fue probabilístico, estratificado y replicado de áreas (conglomerados) con dos etapas de selección, mediante el cual en la primera se seleccionaron sistemáticamente las Unidades Primarias de Muestreo (UPMs) y en la segunda, se escogió aleatoriamente un Segmento de Muestreo (SM) en cada UPM incluida en la muestra de primera etapa de selección.

##### **3.2.2 Nivel de las estimaciones del MMA**

El diseño del MMA produjo estimaciones (agregados) a nivel nacional, provincial (21) y cantonal (215) y cuatro zonas con problemas de límites. En la provincia de Galápagos se realizó el CNA por enumeración completa.

##### **3.2.3 Construcción del Marco de Areas (MA)**

La superficie total del país continental (249.585 Km<sup>2</sup>), con excepción de Galápagos, fue dividida sobre mapas topográficos escala 1:50.000, en pequeños pedazos (26.279 UPMs) de 10 Km<sup>2</sup> en promedio, mediante límites físicos y/o culturales fácilmente identificables en el terreno. El MA fue construido a nivel cantonal y el cuadro 1 muestra un resumen del mismo a nivel nacional.

Del cuadro siguiente se desprende que solamente alrededor del 57 % de la superficie total del país continental (sin la provincia insular de Galápagos), fue incluida en el CNA, con las UPMs y SMs representando el 69 % y 60 % de los pequeños pedazos construidos en el MA respectivamente, con un promedio de 2.03 Km<sup>2</sup> por SM.

## CUADRO 1

### CNA: RESUMEN DEL MA A NIVEL NACIONAL

ESTRATO	Area (Km <sup>2</sup> )	UPMs	SMs	Km <sup>2</sup> /SM	Muestra
10 Predominio de pastos	57.074	6.578	28.520	2,00	3.841 (13,5 %)
20 Predominio de cultivos transitorios	16.569	2.078	8.294	2,00	2.320 (28,0 %)
30 Predominio de cultivos permanentes	15.654	1.926	7.830	2,00	1.768 (22,6 %)
40 Predominio de vegetación natural	14.956	1.631	7.461	2,00	1.284 (17,2 %)
51 Tierras sin uso agropecuario	25.849	399	10.047	2,57	1.198 (11,9 %)
52 Tierras cubiertas por agua	2.952	973	973	3,03	*
53 Tierras de manglares sin uso agropecuario	1.523	249	249	6,12	*
54 Cumbres, nevados y selva sin uso agropecuario	100.656	5.420	40.311	2,50	*
60 Tierras con camaroneas	1.741	541	541	3,22	*
71 Centros poblados urbanos	1.361	230	5.427	0,25	*
72 Centros poblados rurales	667	1.057	2.522	0,26	877 (34,8 %)
81 Tierras con uso agropecuario menores a 2 Km <sup>2</sup> **	868	1.281	1.276	0,68	266 (20,8 %)
82 Tierras con uso agropecuario de 2 Km <sup>2</sup> y más **	8.253	1.408	3.276	2,52	516 (15,8 %)
83 Tierras con algún uso agrop. menores a 2 Km <sup>2</sup> **	213	270	269	0,79	97 (36,1 %)
84 Tierras con algún uso agrop. de 2 Km <sup>2</sup> y más **	1.248	238	505	2,47	110 (21,8 %)
<b>TOTAL</b>	<b>249.584</b>	<b>26.279</b>	<b>117.501</b>	<b>2,12</b>	
<b>INCLUIDO EN EL CNA</b>	<b>142.047</b>	<b>18.039</b>	<b>70.000</b>	<b>2,03</b>	<b>12.277 (17,5 %)</b>
<b>%</b>	<b>56,9</b>	<b>68,6</b>	<b>59,6</b>		

\* Estratos que no se incluyeron en la muestra del CNA 2000.

\*\* Estratos construidos solamente en tres provincias del norte de la región amazónica (Napo, Orellana y Sucumbíos).

### 3.2.4 Estratificación del MA

Las UPMs fueron clasificadas en 15 estratos de cobertura de uso del suelo, de los cuales solamente diez fueron considerados para la selección de la muestra del CNA 2000: predominio de pastos (10), predominio de cultivos transitorios (20), predominio de cultivos permanentes (30), predominio de vegetación natural, con algún uso agropecuario (40), sin uso agropecuario (51) y centros poblados rurales (72); los estratos 81, 82, 83 y 84 fueron formados solamente en las provincias nororientales de Napo, Orellana y Sucumbíos.

Para la estratificación se utilizó información proveniente del MA del Sistema Estadístico Agropecuario Nacional (SEAN), mapas de uso del suelo, mosaicos de fotografía aérea de contacto escala de alrededor de 1:50.000, imágenes LANDSAT (año 1995). En la región amazónica se elaboraron mapas de uso del suelo escala 1:50.000 con base en la información digital LANDSAT (año 1999).

Es necesario indicar que, a pesar de que la producción de camarón estuvo en el alcance del CNA 2000, el estrato 60 de tierras con camaroneas se excluyó del mismo, debido a que se consideró que para esta actividad de acuicultura, estando localizada en la costa marítima, se contaba con buenas listas de sus empresas productoras. Los estratos restantes (52, 53, 54 y 71) fueron tratados como tierras sin actividad agropecuaria en un 100 % y, por lo tanto, fueron también dejadas fuera del CNA 2000.

### **3.2.5 Tamaño de las muestras de SMs**

El tamaño de la muestra del MA a nivel de país, fue de 12.277 SMs (ver cuadro 1) o sea un 17.5 % del universo total de 70.000 SMs incluidos en el CNA 2000. Este tamaño fue afijado a nivel provincial, cantonal y por estratos de cobertura del uso del suelo; a nivel nacional, la tasa de muestreo del estrato 51 fue la más baja (11.9 %) y más del 1/3 de los SMs fueron seleccionados en el estrato 72 de centros poblados rurales (34.8 %) y estrato 83 (36.1 %) de tierras con algún uso agropecuario menores a 2 Km<sup>2</sup>. El tamaño de muestra mínimo a nivel cantonal fue de seis SMs y el máximo de 186 SMs.

### **3.2.6 Selección de las UPMs con replicaciones independientes**

En cada estrato dentro de un cantón, se seleccionó sistemáticamente la muestra con replicaciones independientes. El número de replicaciones en un estrato varió entre una (sin replicaciones) y seis. En total se seleccionaron 9.350 UPMs de las 26.279 construidas (casi 1 de cada 3). Esto significa que no se seleccionó uno solo SM por UPM como fue el plan de muestreo original, debido a dos razones básicas: (i) la necesidad de construir UPMs con buenos límites físicos, determinó que se formen UPMs grandes con tamaños alejados del promedio (10 Km<sup>2</sup>); (ii) en cantones pequeños se construyeron pocas UPMs.

### **3.2.7 Formación y selección de los SMs**

Solamente cada UPM incluida en la muestra de primera etapa de selección, fue dividida en el número asignado de SMs (generalmente entre 4 y 5) sobre la fotografía ampliada escala alrededor de 1:10.000, mediante límites naturales y/o culturales fácilmente identificables sobre el terreno. Luego, se escogió aleatoriamente un SM por cada UPM. Sin embargo, en un 24 % de las UPMs se seleccionaron más de un SM, por las razones presentadas en la viñeta anterior.

### **3.2.8 Delimitación in-situ de los SMs seleccionados**

Para asegurar la cobertura del CNA 2000, se procedió a delimitar en el terreno (in-situ) los SMs incluidos en la muestra de segunda etapa de selección, para lo cual se elaboraron un croquis con la descripción de los límites, graficación de los TERRENOS y un listado de las Personas Operadoras de los mismos, con sus áreas y cobertura principal de uso del suelo.

### **3.2.9 Subdivisión de los SMs**

Debido a la presencia de minifundio, 2.399 SMs (19.5 %) de un total de 12.277 SMs, fueron subdivididos. Antes de salir a la delimitación in-situ, la primera subdivisión se realizó en oficina en dos o cuatro partes con la información de la fotografía ampliada; la segunda y tercera subdivisiones se hicieron también en oficina, pero después de la delimitación de los SMs en el terreno (ver cuadro 2).

### **3.2.10 Bosquejo del diseño del MML**

El 100 % de las UPAs importantes (100 Ha y más), sectoriales (menos de 50 Ha con cultivos principales focalizados) y especiales (flores, maracuyá, mango, avícolas,

porcinos, camaronas, por ejemplo), fueron incluidas en el CNA 2000. Este directorio o Marco de Lista (ML), que fue elaborado antes de la recolección de los datos censales, contenía 15.238 UPAs.

## CUADRO 2

### CNA 2000: REGLAS PARA LA SUB-DIVISION DE SMs

Número de UPAs Posibles por SM	Número de Sub-Divisiones
1-30	0
31-60	2
61-100	3
101-150	4
151-250	6
251-400	10

### 3.3 PLAN DE MUESTREO DEL CNA 2000: PROCESO DE ESTIMACION

#### 3.3.1 Proceso de Estimación con el MMA

El proceso de estimación usando el MMA y el método de EXPANSION DIRECTA siguió los siguientes pasos:

- **PASO 1.- Selección del Método de Estimación:** para la estimación correcta de una variable cualquiera del Censo, cada UPA se asocia con uno y solamente un SM. Existen tres métodos tradicionales para llevar a cabo esta operación, de los cuales para el CNA 2000 se seleccionó el del SM Ponderado (SMP):
  - **Método del SM Cerrado (SMC):** consiste en incluir solamente la superficie de la UPA, que se encuentra dentro de los límites del SM de la muestra del estrato respectivo, conjuntamente con todas las variables investigadas y asociadas con esa tierra. La fórmula es:



$${}_c y_i = \sum_{j=1}^{v_i} \sum_{k=1}^{u_j} y_{ijk} t_k$$

donde:

${}_c y_i$  = Total de una variable en el  $i$  –ésimo SM cerrado;

$y_{ijk}$  = Valor de la variable en el  $k$  –ésimo TERRENO de la  $j$  –ésima UPA del SM  $i$  ( $k = 1, 2, \dots, u_j$ );

$t_k = 1$ , si el  $k$  –ésimo TERRENO está dentro del SM;

$t_k = 0$ , caso contrario;

$u_j$  = Número de TERRENOS de la  $j$  –ésima UPA;

$v_i$  = Número de UPAs en el  $i$  –ésimo SM.

- **Método del SM Abierto (SMA):** consiste en incluir todas las UPAs conjuntamente con la superficie total de las mismas y todas las variables asociadas, cuyos ‘centros de operaciones’ se encuentran dentro de los límites del SM seleccionado en el estrato respectivo. El ‘centro de operaciones’ puede definirse a través de la vivienda o a falta de la misma por una construcción, una instalación o mediante una regla como la del lugar donde se halla la mayor parte de la superficie total bajo la UPA investigada. La fórmula es:

$${}_a y_i = \sum_{j=1}^{v_i} t_j y_{ij}$$

donde:

${}_a y_i$  = Total de una variable en el  $i$  –ésimo SM abierto;

$t_j = 1$ , si la UPA está total o mayoritariamente dentro del SM;

$t_j = 0$ , caso contrario;

$y_{ij}$  = Valor de una variable  $y$  para la  $j$  –ésima UPA del  $i$  –ésimo SM;

$v_i$  = Número de UPAs en el  $i$  –ésimo SM;

- **Método del SM Ponderado (SMP):** consiste en incluir la superficie total de la UPA, aunque solamente una parte de ella se encuentre dentro de los límites del SM seleccionado en el estrato respectivo, conjuntamente con las variables asociadas con toda la UPA. Luego, se ponderan los datos de la UPA por el factor de ponderación, que es la proporción de la superficie total de la misma dentro del SM, dividida por su superficie total (dentro y fuera). La fórmula es:

$${}_p y_i = \sum_{j=1}^{v_i} w_{ij} y_{ij}$$

donde :

${}_p y_i$  = Total de una variable en el  $i$  – ésimo SM ponderado;

$w_{ij}$  = Pr o porción de la superficie de la  $j$  – ésima UPA dentro del  $i$  – ésimo SM dividido por la superficie total de la UPA (dentro y fuera del SM);

$y_{ij}$  = Valor de una variable en la  $j$  – ésima UPA dentro del  $i$  – ésimo SM ( $j = 1, 2, \dots, v_i$ );

$v_i$  = Número de UPAs en el  $i$  – ésimo SM.

- **PASO 2.- Estimación del TOTAL de una variable en un Estrato:** para la estimación con MMA del **TOTAL** de una variable en un estrato, con replicaciones independientes seleccionadas sistemáticamente y cuando se tiene igual el número de SMs por replicación, se utiliza la siguiente fórmula:

$$\begin{aligned} \hat{Y}_h &= N_h \bar{y}_h = N_h \bar{\bar{y}}_r = N_h \frac{\sum_{m=1}^{r_h} \bar{y}_{hm}}{r_h} = N_h \frac{\sum_{m=1}^{r_h} \sum_{i=1}^{n_m} {}_p y_{hmi}}{r_h n_{hm}} = \\ &= N_h \frac{\sum_{m=1}^{r_h} \sum_{i=1}^{n_m} {}_p y_{hmi}}{n_h} = F_h \sum_{m=1}^{r_h} y_{hm} = F_h y_h = \sum_{i=1}^{n_h} F'_{hi} {}_p y_{hi}, \end{aligned}$$

donde :

$\hat{Y}_h$  = Estimación del agregado de una variable en el  $h$  – ésimo estrato;

$N_h$  = Número de SMs en la población o universo del  $h$  – ésimo estrato, sin incluir las UPAs del MML;

$$\bar{y}_h = \frac{\sum_{i=1}^{n_h} p y_i}{n_h} = \frac{y_h}{n_h} = \text{Media de una variable ponderada en el } h\text{-ésimo estrato};$$

$p y_i$  = Total de una variable ponderada del  $i$ -ésimo SM ( $i = 1, 2, 3, \dots, n_h$ ),  
en el  $h$ -ésimo estrato;

$n_h$  = Número de SMs en la muestra del  $h$ -ésimo estrato;

$y_h$  = Total de una variable ponderada del  $h$ -ésimo estrato;

$\bar{\bar{y}}_r$  = Media de las medias de las réplicas en el  $h$ -ésimo estrato;

$\bar{\bar{y}}_r = \bar{y}_h$ , solamente cuando el número de SMs por réplica es igual;

$\bar{y}_{hm}$  = Media de la  $m$ -ésima réplica del  $h$ -ésimo estrato ( $m = 1, 2, \dots, r_h$ );

$r_h$  = Número de réplicas en el  $h$ -ésimo estrato;

$n_m = \frac{n_h}{r_h}$  = Número de SMs en la  $m$ -ésima réplica;

$p y_{hmi}$  = Total de una variable ponderada del  $i$ -ésimo SM en la  $m$ -ésima réplica;

$y_{hm}$  = Total de una variable en la  $m$ -ésima réplica del  $h$ -ésimo estrato;

$F_h = \frac{N_h}{n_h}$  = FACTOR DE EXPANSION ORIGINAL en el  $h$ -ésimo estrato;

$F'_{hi} = F_h$  (ajustado por : subdivisiones, área no trabajada, no respuesta)

= FACTOR DE EXPANSION FINAL del  $i$ -ésimo SM en el  $h$ -ésimo estrato.

- **PASO 3.- Estimación con MMA de la Varianza del TOTAL de una Variable en un Estrato:** la fórmula para la estimación con MMA de la varianza del total en un estrato, cuando se tiene igual el número de SMs por replicación, es:

$$\text{var}(\hat{Y}_h) = N_h^2 \text{var}(\bar{y}_h)$$

donde :

$$\text{var}(\bar{y}_h) = (1 - f_h) \frac{S_h^2}{r_h};$$

$$f_h = \frac{n_h}{N_h} = \frac{r_h}{N_h / n_m} = \text{Probabilidad general de selección de un SM en el } h\text{-ésimo estrato};$$

$N_h$  = Número de SMs en la población o universo del  $h$ -ésimo estrato,  
sin incluir las UPAs del MML;

$$s_h^2 = \frac{\sum_{m=1}^{r_h} (\bar{y}_m - \bar{\bar{y}}_h)^2}{r_h - 1} = \frac{\sum_{m=1}^{r_h} (\bar{y}_m - \bar{y}_h)^2}{r_h - 1} = \text{varianza entre medias}$$

de las replicas  $r$  en el  $h$ -ésimo estrato.

- **PASO 4.- Estimación del TOTAL de una Variable de un Cantón, una Provincia y del Ecuador:** simplemente se agregan sucesivamente las estimaciones de los **TOTALES** de cada nivel geográfico. La fórmula es:

$$\hat{Y}_{Ae} = \sum_{p=1}^P \sum_{c=1}^C \sum_{h=1}^H F_h' y_h,$$

donde :

$\hat{Y}_{Ae}$  = Estimación con MMA del TOTAL de una variable en el Ecuador;

$P$  = Número total de provincias en el Ecuador ( $p = 1, 2, 3, \dots, P$ );

$C$  = Número total de cantones en la provincia  $p$  – ésima ( $c = 1, 2, 3, \dots, C$ );

$H$  = Número total de estratos en el cantón  $c$  – ésimo ( $h = 1, 2, 3, \dots, H$ ).

- **PASO 5.- Estimación de la Varianza del TOTAL de una Variable de un Cantón, una Provincia y del Ecuador:** simplemente se agregan sucesivamente las estimaciones de las **VARIANZAS** de los **TOTALES** de cada nivel geográfico. La fórmula es:

$$\text{var}(\hat{Y}_{Ae}) = \sum_{p=1}^P \sum_{c=1}^C \sum_{h=1}^H \text{var}(\hat{Y}_{Ae}),$$

donde :

$\text{var}(\hat{Y}_{Ae})$  = Estimación con MMA de la varianza del TOTAL de una variable en el Ecuador;

$P$  = Número total de provincias en el Ecuador ( $p = 1, 2, 3, \dots, P$ );

$C$  = Número total de cantones en la provincia  $p$  – ésima ( $c = 1, 2, 3, \dots, C$ );

$H$  = Número total de estratos en el cantón  $c$  – ésimo ( $h = 1, 2, 3, \dots, H$ ).

### 3.3.2 Proceso de Estimación con el MML

El TOTAL de una variable con el MML, es simplemente la suma de la misma a nivel de Cantón multiplicada por un FACTOR DE AJUSTE para la falta de respuesta. Luego, se suman todos los Cantones y Provincias, para obtener el TOTAL de una variable a nivel del País. La varianza es igual a cero (0) dado que se incluyó el 100 % de las UPAs registradas en el Directorio del ML del CNA 2000. La fórmula del TOTAL de una variable es:

$$Y_{Le} = \sum_{p=1}^P \sum_{c=1}^C FA_c Y_c,$$

donde :

$Y_{Le}$  = TOTAL de una variable con MML en el Ecuador;

$FA_c$  = Factor de Ajuste por falta de respuesta en el Cantón  $c$  – ésimo;

$Y_c$  = TOTAL de una variable con MML en el Cantón  $c$  – ésimo;

$P$  = Número total de provincias en el Ecuador ( $p = 1, 2, 3, \dots, P$ );

$C$  = Número total de cantones en la provincia  $p$  – ésima ( $c = 1, 2, 3, \dots, C$ );

$H$  = Número total de estratos en el cantón  $c$  – ésimo ( $h = 1, 2, 3, \dots, H$ ).

### 3.3.3 Proceso de Estimación con el MMM

La estimación del TOTAL de una variable con el MMM, es la unión de la estimación del TOTAL producida por el MMA con el agregado generado por el MML. La varianza de la estimación de una variable del MMM, es igual solamente a la varianza del MMA, puesto que el 100 % de las UPAs del ML fueron incluidas en el CNA 2000. Las fórmulas empleadas en este proceso de estimación del TOTAL de una variable y su varianza son:

$$\hat{Y}_{Me} = \hat{Y}_{Ae} + Y_{Le},$$

donde :

$\hat{Y}_{Me}$  = Estimación con MMM del TOTAL de una variable en el Ecuador;

$\hat{Y}_{Ae}$  = Estimación con MMA del TOTAL de una variable en el Ecuador;

$Y_{Le}$  = TOTAL de una variable con MML en el Ecuador.

$$\text{var}(\hat{Y}_{Me}) = \text{var}(\hat{Y}_{Ae}) + \text{var}(Y_{Le}) = \text{var}(\hat{Y}_{Ae}),$$

donde :

$\text{var}(\hat{Y}_{Me})$  = Estimación con MMM de la varianza del TOTAL de una variable en el Ecuador;

$\text{var}(\hat{Y}_{Ae})$  = Estimación con MMA de la varianza del TOTAL de una variable en el Ecuador;

$\text{var}(Y_{Le})$  = Varianza del TOTAL de una variable con MML en el Ecuador

$$= 0.$$

### 3.3.4 Otras Fórmulas para el Proceso de Estimación con MMA

Es importante señalar que las fórmulas de estimación del TOTAL de una variable y de su varianza presentadas en el numeral 3.3.1, consideran que las replicaciones tienen igual número de SMs. Sin embargo, en algunas ocasiones esta igualdad no se mantiene

debido a la FALTA DE RESPUESTA dado que algunos SMs no son investigados en el campo por diferentes razones (rechazos, dificultades de transporte y accesibilidad, etc.). Entonces, en estos casos es necesario introducir factores de ponderación adecuados en el FACTOR DE EXPANSION para suplir por la falta de respuesta. Sin embargo, no se debe confundir la FALTA DE RESPUESTA con el caso en que un SM completo es SIN USO AGROPECUARIO y por lo tanto, no existe ninguna UPA; en el primer caso, el SM no entra en el cálculo de la varianza porque su efecto debe considerarse en el ajuste del FACTOR DE EXPANSION; en el segundo, el SM tiene un valor de cero (0), por lo que no se necesita ajustar el FACTOR DE EXPANSION, dado que se trata de un SM que no es FALTA DE RESPUESTA.

A continuación se presentan otras fórmulas alternativas para la estimación del TOTAL de una variable y su varianza en un estrato, que producen los mismos resultados de las presentadas en los numerales anteriores.

*FORMULA 'SAS' POR ESTRATO EMPLEADA EN EL CNA*

$${}_{SAS}\hat{Y}_h = \sum_{m=1}^{r_h} {}_{SAS}\hat{Y}_{hm} = \sum_{m=1}^{r_h} \sum_{i=1}^{n_m} F'_{hmi} {}_p y_{hmi}$$

donde:

${}_{SAS}\hat{Y}_h$  = Estimación SAS del TOTAL de una variable en el estrato  $h$  – ésimo;

${}_{SAS}\hat{Y}_{hm}$  = Estimación del TOTAL de una variable en la réplica  $m$  – ésima del estrato  $h$  – ésimo;

$F'_{hmi}$  = Factor de Expansión ajustado por falta de respuesta en el  $i$  – ésimo SM de la réplica  $m$  – ésima del estrato  $h$  – ésimo;

${}_p y_{hmi}$  = Total de una variable ponderada en la muestra del  $i$  – ésimo SM de la réplica  $m$  – ésima del estrato  $h$  – ésimo.

$$\text{var}({}_{SAS}\hat{Y}_h) = \left(1 - \frac{r_h}{(N_h / n_m)}\right) (r_h) \frac{\sum_{m=1}^{r_h} (\hat{Y}_{hm} - \hat{\bar{Y}}_h)^2}{r_h - 1},$$

donde:

$$\hat{\bar{Y}}_h = \frac{\sum_{m=1}^{r_h} \hat{Y}_{hm}}{r_h} = \text{Media por réplica de la estimación del TOTAL en el } h \text{ – ésimo estrato.}$$

*FORMULA' FAO' PARA UN ESTRATO*

$${}_{FAO}\hat{Y}_h = \frac{\sum_{m=1}^{r_h} {}_{FAO}\hat{Y}_{hm}^*}{r_h} = \frac{\sum_{m=1}^{r_h} \sum_{i=1}^{n_m} {}_{FAO}Y_{hmi}^*}{r_h} = \sum_{m=1}^{r_h} \sum_{i=1}^{n_m} F_{h\ p} y_{hmi},$$

donde:

${}_{FAO}\hat{Y}_h$  = Estimación FAO del TOTAL de una variable en el estrato  $h$  –ésimo;

$${}_{FAO}\hat{Y}_{hm}^* = \sum_{i=1}^{n_m} {}_{FAO}\hat{Y}_{hmi}^* ;$$

$${}_{FAO}\hat{Y}_{hmi}^* = r_h F_{h\ p} y_{hmi} ;$$

$F_h = \frac{N_h}{n_h}$ , cuando el número de SMs por réplica es igual;

$F_h = \frac{N_h}{n_h}$ , cuando el número de SMs por réplica no es igual por falta de respuesta.

$$\text{var}({}_{FAO}\hat{Y}_h) = (1 - f_h) \frac{\sum_{m=1}^{r_h} ({}_{FAO}\hat{Y}_{hm}^* - {}_{FAO}\hat{Y}_h^*)^2}{r_h(r_h - 1)} = (1 - f_h) \frac{\sum_{m=1}^{r_h} ({}_{FAO}\hat{Y}_{hm}^* - {}_{FAO}\hat{Y}_h)^2}{r_h(r_h - 1)},$$

donde:

$${}_{FAO}\hat{Y}_h^* = \frac{\sum_{m=1}^{r_h} {}_{FAO}\hat{Y}_{hm}^*}{r_h} = {}_{FAO}\hat{Y}_h.$$

*FORMULA 'KISH' PARA UN ESTRATO PARA REPLICAS DESIGUALES*

$${}_{KISH}\hat{Y}_h = N_h {}_{KISH}\bar{y}_h,$$

donde :

$${}_{KISH}\bar{y}_h = \frac{1}{r_h} \sum_{m=1}^{r_h} \frac{n_{hm}}{n_h / r_h} \bar{y}_{hm},$$

donde :

$$\bar{y}_{hm} = \frac{\sum_{i=1}^{n_m} y_{hmi}}{n_{hm}} = \text{media de la réplica } m - \text{ésima en el estrato } h - \text{ésimo.}$$

$$\text{var}({}_{KISH}\hat{Y}_h) = N_h^2 \text{var}({}_{KISH}\bar{y}_h),$$

donde :

$$\text{var}({}_{KISH}\bar{y}_h) = \frac{(1 - f_h)}{r_h (r_h - 1)} \sum_{m=1}^{r_h} \left[ \frac{n_{hm}}{n_h / r_h} (\bar{y}_{hm} - \bar{y}_h) \right]^2.$$

### 3.3.5 Intervalo de Confianza

La fórmula para construir el intervalo de confianza para un nivel de confiabilidad dado.

$$\Pr[\hat{Y} - z_{\alpha/2} ee(\hat{Y}) \leq Y \leq \hat{Y} + z_{\alpha/2} ee(\hat{Y})] = (1 - \alpha),$$

donde :

Pr = Probabilidad o área bajo la curva de la distribución normal;

$\hat{Y}$  = Valor de la estimación de una variable en estudio y;

$z_{\alpha/2}$  = Valor de la abscisa de la distribución normal estándar para un nivel de confiabilidad (probabilidad) dado (95%, por ejemplo);

$ee(\hat{Y})$  = Error estándar de la estimación  $\hat{Y}$ ;

$Y$  = Parámetro verdadero de la población o universo;

$\alpha$  = Probabilidad o área bajo la curva normal de que el intervalo a construirse no encierre al parámetro verdadero de la población o universo ( $\alpha = 0.05 = 5\%$  con un 95 % de confiabilidad, por ejemplo).

- **Ejemplo de Intervalo de Confianza:** a continuación se presenta un ejemplo de la construcción del intervalo de confianza con el 95 % de confiabilidad en la provincia de Bolívar, en la que el CNA 2000 estima 3.901 Ha con un error relativo del 10.8 %. La varianza de la estimación es 178.359 (ver Anexo I).



$$\Pr[\hat{Y} - z_{\alpha/2}ee(\hat{Y}) \leq Y \leq \hat{Y} + z_{\alpha/2}ee(\hat{Y})] = (1 - \alpha),$$

Entonces :

$$\Pr[3.900 - 1,96 * 422 \leq Y \leq 3.900 + 1,96 * 422] = (1 - 0,05),$$

$$\Pr[3.900 - 844 \leq Y \leq 3.900 + 844] = 0,95,$$

$$\Pr[3.056 \leq Y \leq 4.744] = 0,95 = 95 \%.$$

- **Interpretación del Intervalo de Confianza:** la superficie verdadera de cultivos permanentes existente en el Cantón 1 de la Provincia de Bolívar en el 2000, puede oscilar entre 3.056 y 4.744 Ha con un 95 % de confiabilidad (seguridad) de no equivocarse. Pero, existe un 5 % de probabilidad de que la superficie real bajo cultivos permanentes esté por fuera del intervalo construido.

### 3.3.6 Ejemplos del Proceso de Estimación del CNA

Los Anexos I y II presentan dos ejemplos del proceso de estimación del TOTAL de una variable, su varianza, error estándar (error de muestreo), error estándar relativo (coeficiente de variación) e intervalo de confianza. Estos ejemplos han sido desarrollados en EXCEL utilizando los cuatro tipos de fórmulas presentados anteriormente.

***ANEXO I: con igual número de SMs en cada replicación y un SM sin uso agropecuario***

- **Provincia:** Bolívar;
- **Cantón:** 1;
- **Variable:** superficie bajo cultivos permanentes;
- **Archivo EXCEL:** *SICA BOLIVAR CANTON 1.*

***ANEXO II: con un estrato que no tiene igual número de SMs en cada replicación (falta de respuesta) y otro que tiene un SM sin uso agropecuario***

- **Provincia:** Guayas;
- **Cantón:** 7;
- **Variable:** superficie sembrada de arroz;
- **Archivo EXCEL:** *SICA GUAYAS CANTON 7.*

## 4 LA ESPAC

### 4.1 METODOLOGIA DE LA ESPAC

La ESPAC usa la misma metodología del MMM del CNA, la cual combina el método del MMA con el del MML, bajo el enfoque o paraguas de los principios del MUESTREO EN DOS FASES o MUESTREO DOBLE. La recolección de los datos se realiza mediante ENTREVISTA DIRECTA a Informantes calificados de las UPAs incluidas en:

- La sub-muestra de la muestra del MA;
- La muestra del ML.

### 4.2 USO DEL MUESTREO EN DOS FASES EN LA ESPAC

El diseño de muestreo de la ESPAC utiliza los principios y ventajas del MUESTREO DOBLE O EN DOS FASES, el cual eficientemente combinado con el método del MMM estratificado aplicado en el CNA, tiene la potencialidad de mejorar las estimaciones de las variables en estudio reduciendo sus errores de muestreo para un costo dado. Entonces, mediante el MUESTREO EN DOS FASES (DOBLE):

- **LA PRIMERA FASE DEL MMA:** está conformada por la muestra GRANDE de 12.277 SMs seleccionada de los 70.000 SMs del MA en el CNA;
- **LA SEGUNDA FASE DEL MMA:** está integrada por la sub-muestra PEQUEÑA de 2.000 SMs escogida en la ESPAC de la muestra GRANDE de 12.277 SMs del CNA;
- **LA PRIMERA FASE DEL MML:** está compuesta por las por el 100 % de las 12.341 UPAs que perteneciendo al ML en el CNA, fueron incluidas en el ESPAC (en esta encuesta no se toman en cuenta los estratos 11 y 15 de camaroneras);
- **LA SEGUNDA FASE DEL MML:** está conformada por la muestra PEQUEÑA de 4.000 UPAs seleccionada en la ESPAC desde el 100 % de las 12.341 UPAs del ML del CNA, a la que se considera como la muestra GRANDE dentro del concepto del MUESTREO EN DOS FASES (DOBLE).

Es necesario aclarar que, si bien no se conocía el hecho de que cuando se diseñó la muestra del CNA, no se tuvo en cuenta el empleo del MUESTREO EN DOS FASES (DOBLE) para el sistema de encuestas continuas posteriores al mismo, en el diseño de muestreo de la ESPAC se consideró que este tipo de muestreo ofrecía técnicas de selección y análisis que podrían ser aplicadas, especialmente en el proceso de estimación. En otras palabras, en la ESPAC el diseño de la sub-muestra de 2.000 SMs deL MA y de la muestra de 4.000 UPAs del ML (que de aquí en adelante se mencionarán como “muestra PEQUEÑA de segunda fase del MA” y “muestra PEQUEÑA de segunda fase del ML”), toman a la sub-muestra de 12.277 SMs como la muestra GRANDE de primera fase y al 100 % de las 12.341 UPAs del ML como la muestra GRANDE de primera fase.

Por otra parte, los tamaños de la sub-muestra del MA de 2.000 SMs y de la muestra del ML de 4.000 UPAs de la ESPAC, fueron fijados con base en el presupuesto disponible sin consideración de grados de precisión y confiabilidad y costos, que son factores a considerarse bajo otras circunstancias cuando se usa el MUESTREO EN DOS FASES (DOBLE).

Por lo tanto, la eficiencia estadística de las estimaciones generadas por el MUESTREO EN DOS FASES (DOBLE) se debe a la posibilidad de correlacionar la información obtenida de la muestra de PRIMERA FASE con la información recolectada en la muestra de SEGUNDA FASE.

#### 4.3 MUESTRA PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE DEL MA: PROCESO DE SELECCION

##### 4.3.1 Objetivos de la Muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del MA

Con una restricción muy fuerte en el tamaño de muestra predeterminado demasiado pequeño de 2.000 SMs, el diseño de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del MA en la ESPAC persiguió los siguientes objetivos fundamentales:

- Mantener el diseño de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del MA lo más ajustado posible al diseño del CNA (replicaciones independientes dentro de un estrato en cada Cantón), por múltiples razones estadísticas y técnicas;
- Producir las estimaciones a nivel provincial con grados de precisión y niveles de confiabilidad aceptables, que no sean muy diferentes a los del CNA;
- Diseñar la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del MA de tal manera que en el futuro permita el incremento del tamaño de la misma, cuando se consigan mayores recursos.

##### 4.3.2 Tamaño de la Muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del MA

Como se indicó anteriormente, en el CNA se utilizó una muestra de 12.277 SMs que fueron seleccionados dentro de cada Cantón en estratos de usos del suelo con réplicas independientes, para producir estimaciones a partir del nivel cantonal.

El tamaño de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del MA fue fijado en 2.000 SMs con base al presupuesto asignado al INEC con anterioridad. En realidad, en el 2001 se habían presentado a las autoridades del INEC otras alternativas de tamaños de muestra: una ideal de 6.000 SMs; una segunda deseable de 3.700 SMs, que era el tamaño de muestra de la última encuesta del SEAN de 1995. Finalmente se consiguió financiamiento para 2.000 SMs.

##### 4.3.3 Nivel de las Estimaciones del MMA

Con la finalidad de lograr los objetivos del numeral anterior bajo la restricción de un tamaño de muestra muy pequeño, se adoptó producir las estimaciones para los siguientes niveles:

- Provincias auto-representadas (importancia alta en la producción agropecuaria, especialmente de exportación), que se espera producirán estimaciones con buenos grados de precisión y niveles de confiabilidad y que mantienen al máximo posible el diseño de muestreo del CNA: Guayas, Manabí, Los Ríos, Pichincha. A este grupo se añadió Chimborazo por razones técnicas de facilidad de mantener el diseño del CNA, aun cuando no mantiene las mismas características de las otras cuatro anteriores;
- Provincias no-auto-representadas, que se espera generarán estimaciones provinciales con regulares grados de precisión y niveles de confiabilidad y que no mantienen al máximo posible el diseño de muestreo del CNA: Azuay, Bolívar, Cañar, Carchi, Cotopaxi, El Oro, Esmeraldas, Imbabura, Morona Santiago, Loja y Tungurahua;
- Grupos de Provincias: Nororiente (Napo, Orellana y Sucumbíos), Suroriente (Pastaza y Zamora Chinchipe);
- Areas no incluidas: Galápagos y Zonas en Discusión.

#### **4.3.4 Reparto del Tamaño de la Muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del MA entre Provincias**

El reparto entre provincias del tamaño de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del MA de 2.000 SMs, se realizó mediante el método de 'COMPROMISO' entre las afijaciones proporcional, tamaños iguales y la de afijación óptima. Para esta última, se usaron las variables correspondientes a las categorías de uso del suelo y combinaciones de las mismas, superficies sembradas de 14 de los principales cultivos, existencias de ganado vacuno, porcino, ovino y aves de corral, con sus respectivas varianzas obtenidas del CNA para el MA.<sup>4</sup> En el cuadro 3 se puede observar el reparto final del tamaño de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del MA entre las provincias.

#### **4.3.5 Diseño de la Muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE de las Provincias Auto-Representadas**

El bosquejo del diseño de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del MA de las provincias auto-representadas es el siguiente:

- Clasificación mediante la técnica del 'ANÁLISIS DE CONGLOMERADOS (CLUSTER ANÁLISIS)' de los cantones de cada provincia en dos Dominios de Estudio (DEs) de acuerdo a variables compuestas de cultivos (permanentes, transitorios y barbecho), pastos (cultivados, naturales y páramos) y superficie total bajo la Unidad de Producción Agropecuaria (UPA). Estos DEs son:
  - 'I': cantones más importantes;
  - 'II': cantones menos importantes.
 El cuadro 4 indica los dos DEs formados con el análisis de conglomerados.
- Sub-clasificación de cada DE en dos Sub-Dominios de Estudio (SDEs) de acuerdo a la estratificación por uso del suelo del CNA. Estos SDEs son:
  - 'A': conformado por los cantones, replicaciones y estratos 10, 20 y 30 del CNA 2000 dentro del DE 'I';

---

<sup>4</sup> Para mayores detalles del reparto del tamaño de la sub-muestra del MA entre provincias, consultar en el Departamento de Muestreo de la Dirección de Planificación del INEC.

- 'B': constituido por los estratos 40 y 51, que previamente fueron colapsados entre cantones dentro del DE 'I';
- 'C': integrado por los estratos 10, 20 y 30, que previamente fueron colapsados entre cantones dentro del DE 'II';
- 'D': compuesto por los estratos 40 y 51, que previamente fueron colapsados entre cantones dentro del DE 'II';
- El estrato 72 de cabeceras parroquiales y centros poblados de otras áreas rurales no fue incluido en la ESPAC, por su escasa representatividad con respecto a la producción agropecuaria y otras variables correlacionadas.
- Selección sistemática de dos SMs por cada replicación dentro de cada estrato en un cantón, con el método de Brewer<sup>5</sup> con Probabilidad Proporcional al Tamaño (PPT) de la superficie bajo 'cultivos y pastos' o superficie total bajo UPAs en el SDE 'A'. En este SDE A se mantiene el diseño de muestreo del CNA;
- Selección sistemática controlada de la sub-muestra asignada (generalmente con afijación proporcional o igual) de SMs a cada estrato colapsado entre cantones en los SDEs 'B', 'C' y 'D', en los cuales no se mantiene el diseño de muestreo del CNA. Las variables compuestas de control fueron cultivos y pastos o superficie total bajo UPAs y la importancia de la producción agropecuaria en estos SDEs, es generalmente baja;
- Además, se introdujo una nueva variable de control para los cuatro SDEs ('A', 'B', 'C' y 'D') consistente en que los SMs cuyas variables compuestas de cultivos y pastos o superficie total bajo UPAs, eran igual a cero (0), fueron excluidas de la selección sistemática, circunstancia que hay que tener en cuenta en el proceso de estimación.

El cuadro 5 contiene un resumen de la selección de la muestra de la provincia de Guayas.

#### **4.3.6 Diseño de la Muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del MA en las Provincias No-Auto-Representadas**

El diseño de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del MA en las provincias no-auto-representadas, es similar al de las auto-representadas, salvo que en el SDE 'A' el proceso de selección es el mismo que el de los SDEs 'B', 'C' y 'D'. Es importante indicar que en estas provincias no se mantiene el diseño de replicaciones y estratos a nivel cantonal del CNA, pues los estratos fueron colapsados entre cantones, como se indicó en el numeral anterior. Algunas de estas provincias no tienen los cuatro SDEs.

#### **4.3.7 Diseño de la Muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del MA en las Provincias Agrupadas**

El diseño de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del MA en las provincias agrupadas, es similar al de las no-auto-representadas, pero los estratos 10, 20, 30, 40 y 51 fueron colapsados entre cantones y provincias.

---

<sup>5</sup> Ver 'Técnicas de Muestreo'; William G. Cochran. John Wiley & Sons, New York

**CUADRO 3**

**ESPAC: REPARTO FINAL DEL TAMAÑO DE LA MUESTRA PEQUEÑA DE  
SEGUNDA FASE DEL MA ENTRE PROVINCIAS**

<b>PROVINCIA</b>	<b>N<sub>p</sub></b>	<b>n<sub>p</sub></b>
Azuay	3022	65
Bolívar	1826	80
Cañar	1245	40
Carchi	1061	30
Cotopaxi	2253	100
Chimborazo	2045	130
El Oro	2203	100
Esmeraldas	4448	80
Guayas	7072	400
Imbabura	1615	50
Loja	5003	121
Los Ríos	3483	196
Manabí	8339	298
Morona Santiago	5804	35
Pichincha	5194	170
Tungurahua	915	40
Napo*	1994*	10*
Sucumbíos*	1925*	17*
Orellana*	1407*	12*
Pastaza**	2775**	10**
Zamora Chinchipe**	3143**	16**
<b>TOTAL</b>	<b>66772</b>	<b>2000</b>

\* GRUPO 1: provincias unidas

\*\* GRUPO 2: provincias unidas

**CUADRO 4**

**ESPAC: DEs FORMADOS EN GUAYAS**

<b>DE</b>	<b>DEFINICIÓN</b>	<b>CANTONES</b>
<b>I</b>	Cantones más importantes	2, 3, 4, 5, 6, 8, 9, 10, 11, 14, 16, 18, 19, 20, 22, 23, 28
<b>II</b>	Cantones menos importantes	1, 7, 12, 13, 15, 17, 21, 24, 25, 26, 27

## CUADRO 5

### ESPAC: RESUMEN DE LA SELECCIÓN DE LA MUESTRA EN LA PROVINCIA DEL GUAYAS (AUTO.REPRESENTADA)

<b>DE</b>	<b>SDE</b>	<b>ESTRATO</b>	<b>N</b>	<b>n</b>
<b><i>I</i></b>	<b><i>A</i></b>		<b><i>4207</i></b>	<b><i>304</i></b>
		10	2209	106
		20	975	98
		30	1023	100
	<b><i>B</i></b>		<b><i>370</i></b>	<b><i>10</i></b>
		40	281	5
		51	89	5
<b><i>II</i></b>	<b><i>C</i></b>		<b><i>1245</i></b>	<b><i>76</i></b>
		10	880	25
		20	209	26
		30	156	25
	<b><i>D</i></b>		<b><i>1250</i></b>	<b><i>10</i></b>
		40	845	5
		51	405	5
<b>TOTAL</b>			<b>7400</b>	<b>400</b>

#### 4.4 MUESTRA PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE DEL ML: PROCESO DE SELECCION

##### 4.4.1 Objetivo del Diseño de la Muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del ML

El objetivo principal del diseño de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del ML, fue tratar de maximizar la ventaja de la utilización del MUESTREO EN DOS FASES (DOBLE) con la metodología del MMM que combina el método del MMA con el del MML, teniendo en cuenta las restricciones tanto en el tamaño de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del MA (2.000 SMs) como en el tamaño de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del ML (4.000 UPAs).

Entonces, el diseño de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del ML tomó como base los parámetros ya establecidos por el diseño de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del MA, en lo que se refiere a niveles de estimación (provincial, grupos de provincias y nacional).

##### 4.4.2 Construcción del ML de la ESPAC

En el CNA se entrevistaron efectivamente a 15.284 UPAs (sin incluir rechazos, respuestas incompletas, no encontradas, etc.), distribuidas en 15 estratos, las cuales cubrieron una superficie de 3'221.000 Ha, representando apenas el 1.8 % del número de UPAs, pero con el 26.1 % de la superficie total bajo las mismas (cifras estimadas en el CNA). Ver cuadro 6.

Para la ESPAC, no se incluyen los estratos 11 y 15 de camaroneras, así como tampoco Galápagos y la cuatro Zonas en Discusión, con lo cual el ML se redujo a 12.341 UPAs, que representan el 1.5 % del total de UPAs estimadas en el CNA y cubren cerca de ¼ de la superficie total bajo las mismas. (ver cuadro 6).

**CUADRO 6**

**ESPAC: RESUMEN DEL ML POR PROVINCIAS**

ESTRATO		UPAs		SUPERFICIE	
Número	Nombre	Número	%	Ha (000)	%
<b><i>ML DEL CNA</i></b>					
1	Importantes	8682	56.7	2857.6	88.6
2	Sectoriales	2594	17.0	82.4	2.6
3	Flores	252	1.6	6.4	0.2
4	Maracuyá	231	1.5	22.0	0.7
5	Mango	105	0.7	19.2	0.6
6	Piña	61	0.4	2.3	0.07
7	Brócoli	16	0.1	1.1	0.03
8	Tabaco	204	1.3	3.2	0.1
9	Palmito	28	0.2	8.9	0.3
10	Avícolas	390	2.6	6.5	0.2
11	Camaroneras	514	3.4	87.2	2.7
12	Porcinos	184	1.2	8.3	0.3
13	Palma Africana	152	1.0	18.0	0.6
14	Caña de Azúcar	147	1.0	4.0	0.1
15	Otras Camaroneras	1724	11.3	93.9	2.9
<b>ML DEL CNA 2000</b>		<b>15284</b>	<b>100.0</b>	<b>3221.0</b>	<b>100.0</b>
<b>CNA 2000 (MA+ML)</b>		<b>842882</b>	<b>1.8</b>	<b>12355.8</b>	<b>26.1</b>
<b>ML DE LA ESPAC</b>					
1	Importantes	8108	65.6	2857.6	94.1
2	Sectoriales	2489	20.2	82.4	2.7
3	Flores	252	2.0	6.4	0.2
4	Maracuyá	231	1.9	22.0	0.7
5	Mango	105	0.9	19.2	0.6
6	Piña	61	0.5	2.3	0.07
7	Brócoli	16	0.1	1.1	0.03
8	Tabaco	204	1.7	3.2	0.1
9	Palmito	27	0.2	8.9	0.3
10	Avícolas	390	3.2	6.5	0.2



12	Porcinos	184	1.5	8.3	0.3
13	Palma Africana	127	1.0	18.0	0.6
14	Caña de Azúcar	147	1.2	4.0	0.1
<b>ML DE LA ESPAC</b>		<b>12341</b>	<b>100.0</b>	<b>3039.9</b>	<b>100.0</b>
<b>CNA (MA+ML)</b>		<b>842882</b>	<b>1.5</b>	<b>12355.8</b>	<b>24.6</b>

#### 4.4.3 Tamaño de la Muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del ML

El tamaño de muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del ML fue fijado en 4.000 UPAs con base al presupuesto asignado al INEC con anterioridad. En realidad, mediante estudios de las varianzas de variables de uso del suelo y combinación de las mismas y existencias de ganado vacuno, porcino, ovino y aves de corral, se calcularon tamaños más altos para satisfacer un grado de precisión del 10 % con un nivel de confiabilidad del 95 %, considerando muestreo estratificado.

#### 4.4.4 Diseño de la Muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del ML

El diseño de muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del ML es el siguiente:

- **Estratificado:** mediante los 13 estratos utilizados en el CNA (sin incluir camaroneras);
- **Sub-Estratificado:** en los estratos 1 y 2 de UPAs importantes (100 Ha y más de superficie total) y UPAs sectoriales (especiales y localistas). Se crearon cuatro sub-estratos, a saber:
  - **Sub-Estrato 1:** UPAs de menos de 200 Ha de superficie total;
  - **Sub-Estrato 2:** UPAs de 200 a menos de 500 Ha de superficie total;
  - **Sub-Estrato 3:** UPAs de 500 a menos de 1.000 Ha de superficie total;
  - **Sub-Estrato 4:** UPAs de 1000 Ha y más de superficie total.

#### 4.4.5 Reparto del Tamaño de la Muestra del ML

Para distribuir el tamaño final de la muestra del ML, se siguieron los pasos que se detallan a continuación.

- Reparto del tamaño de la muestra entre los 13 estratos a nivel nacional:
  - El primer paso consistió en realizar una distribución mediante el método de 'COMPROMISO' entre los métodos proporcional, tamaños iguales y el de afijación óptima. Para este último, se usaron las variables correspondientes a las categorías de uso del suelo y combinaciones de las mismas, existencias de ganado vacuno, porcino, ovino y aves de corral, con sus respectivas varianzas obtenidas del CNA para el ML;
  - El segundo paso significó el llevar a cabo una calibración del reparto de COMPROMISO del tamaño de muestra de la viñeta anterior, analizando la distribución entre provincias en los estratos 2 al 14 (sin incluir los estratos 11 y 15 de camaroneras) considerando el aporte de cada provincia, tanto en el número de UPAs como de la superficie del cultivo líder que define al respectivo estrato. Por ejemplo, la piña en el estrato 6 tenía 61 UPAs en la lista cuyo aporte a la superficie sembrada de la misma a nivel nacional era muy bajo (menos del 5 % y el otro 95 %

proviniedo de los otros estratos del ML y del MA), por lo que se decidió no asignar un tamaño de muestra a este estrato. El maracuyá (estrato 4) con 231 UPAs presentaba alrededor de 16.900 Ha de cultivos permanentes (entre los que se supone domina el maracuyá) de las cuales una sola UPA de las dos registradas en el ML en Los Ríos, declaró 15.000 Ha sembradas de las casi 32.000 Ha con este cultivo en el país, por lo que se decidió asignar una muestra del 100 % de las 2 UPAs constantes en el ML en lugar de las 13 UPAs afijadas por el reparto de COMPROMISO, dejando al resto de provincias sin muestras por su casi nula importancia en la producción de este cultivo en este estrato específico. En el caso del estrato 3 de flores, el reparto de COMPROMISO asignaba solamente una muestra de 13 UPAs de las 252 declaradas en el ML; sin embargo, consideraciones de la importancia de las flores en la exportación, determinaron que su tamaño final de la muestra sea de 140 UPAs, con algunas provincias incluyendo el 100 % de la UPAs listadas en el ML del CNA (Guayas con 4 y Tungurahua con 3 UPAs respectivamente, por ejemplo). En cambio, este tipo de estudio llevado a cabo en el estrato 2 de UPAs sectoriales, demostró que si bien el número de 2.594 UPAs en el ML era bastante alto, su contribución a la superficie bajo cultivos era mínima (alrededor del 5 %), por lo que se fijó un tamaño final de la muestra de 130 UPAs en lugar de las 463 UPAs indicadas por el reparto de COMPROMISO;

- Ajuste final de los tamaños de muestras entre los 13 estratos a nivel nacional y luego a nivel provincial entre los estratos del 2 al 14 (algunas provincias no recibieron tamaños de muestra en los diferentes estratos).
- Reparto del tamaño de la muestra entre las provincias del estrato 1 (a todas las provincias se distribuyó un tamaño de muestra): se realizó mediante el método de 'COMPROMISO' entre los métodos proporcional, tamaños iguales y el de afijación óptima. Para este último, se usaron las variables correspondientes a las categorías de uso del suelo y combinaciones de las mismas, existencias de ganado vacuno, porcino, ovino y aves de corral, con sus respectivas varianzas obtenidas del CNA para el ML;
- Reparto del tamaño de la muestra entre los 4 sub-estratos de los estratos 1 y 2: en primer lugar, se tomó el 100 % de las UPAs existentes en el sub-estrato 4 de UPAs de 1.000 Ha y más debido a que siendo pocas, cubren un porcentaje alto de la superficie total bajo las mismas y su variabilidad también es grande. La distribución de los tamaños de muestra entre los otros tres sub-estratos, se llevó a cabo mediante el método de 'COMPROMISO' entre los métodos proporcional, tamaños iguales y el de afijación óptima. Para este último, se usaron las variables correspondientes a las categorías de uso del suelo y combinaciones de las mismas, existencias de ganado vacuno, porcino, ovino y aves de corral, con sus respectivas varianzas obtenidas del CNA para el ML;
- Selección sistemática controlada en los 4 sub-estratos independientes dentro de los estratos 1 y 2 de cada provincia: la variable compuesta de control fue la de cultivos (permanentes, transitorios y barbecho) y pastos (cultivados, naturales y páramos);
- Selección sistemática controlada en los estratos 3 al 14 de cada provincia: la variable de control fue la superficie del uso del suelo del cultivo líder para la definición del respectivo estrato. Por ejemplo, la superficie de permanentes,

transitorios y barbecho para el estrato 3 de flores; la superficie de permanentes en el estrato 5 de mango; la superficie de transitorios y barbecho en el caso del estrato 8 de tabaco; el número de porcinos para el estrato 12;

- Además, cuando las variables compuestas de control de las UPAs, eran igual a cero (0), fueron excluidas de la selección sistemática, circunstancia que hay que tener en cuenta en el proceso de estimación.

#### 4.5 RESUMEN DE LOS TAMAÑOS DE MUESTRA

El cuadro 7 presenta un resumen por provincias de las muestras PEQUEÑAS DE SEGUNDA FASE seleccionadas del MA y ML, para la realización de la ESPAC.

CUADRO 7

#### ESPAC: RESUMEN DE LOS TAMAÑOS DE MUESTRAS PEQUEÑAS DE SEGUNDA FASE DEL MA Y ML, SEGUN PROVINCIAS.

Provincia	MA					ML		
	Universo	Tamaño muestra		% submuestra del		Universo	muestra	% de la muestra
		CNA	ESPAC	Universo	CNA			
Azuay	3117	666	65	2.1	9.8	607	117	19.3
Bolívar	1864	409	80	4.3	19.6	255	37	14.5
Cañar	1290	303	40	3.1	13.2	170	130	76.5
Carchi	1113	285	30	2.7	10.5	238	48	20.2
Cotopaxi	2351	479	100	4.3	20.9	401	156	38.9
Chimborazo	2174	500	130	6.0	26.0	406	128	31.5
El Oro	2320	523	100	4.3	19.1	683	142	20.8
Esmeraldas	4537	576	80	1.8	13.9	881	240	27.2
Guayas	7400	1453	400	5.4	27.5	1461	859	58.8
Imbabura	1752	375	50	2.9	13.3	293	103	35.2
Loja	5126	893	121	2.3	13.5	542	202	37.3
Los Ríos	3563	749	196	5.5	26.2	687	317	46.1
Manabí	8603	1258	298	3.5	23.7	1775	534	30.1
Pichincha	5755	774	170	3.0	22.0	1220	486	39.8
Tungurahua	1020	304	40	3.9	13.2	573	98	17.0
Morona S.	5866	669	35	0.6	5.2	1065	125	11.7
Nor-oriente	5426	1036	39	0.7	3.8	479	163	34.0
Sur-oriente	5995	826	26	0.4	3.1	605	115	19.0
<b>TOTAL</b>	<b>69272</b>	<b>12078</b>	<b>2000</b>	<b>2.9</b>	<b>16.6</b>	<b>12341</b>	<b>4000</b>	<b>32.4</b>

## 5 PROCESO DE ESTIMACIÓN DE LA ESPAC MEDIANTE EXPANSION

### DIRECTA

## 5.1 SIMULACION DEL PROCESO DE ESTIMACIÓN DE LA ESPAC MEDIANTE EXPANSION DIRECTA CON LOS DATOS DEL CNA

El cuadro 8 contiene un resumen comparativo a nivel nacional entre las estimaciones SIMULADAS desde la ESPAC para el uso del suelo y los resultados generados por el CNA con sus respectivos errores relativos de muestreo o coeficientes de variación (cv). Estas estimaciones y sus errores de muestreo han sido producidas a través del método de EXPANSION DIRECTA utilizando las mismas fórmulas del CNA presentadas en los capítulos anteriores. El Anexo III (archivo EXCEL 'ESPAC ERRORES USO 1') presenta estos mismos resultados, pero a nivel regional y provincial.

**CUADRO 8**

### COMPARACIÓN DE LAS ESTIMACIONES SIMULADAS DEL USO DEL SUELO DE LA ESPAC CON EL CNA

Uso del Suelo	CNA*		ESPAC (simulación)		Razón=ESPAC/CNA	
	Ha (000)	cv (%)	Ha (000)	Cv (%)	Ha	Cv
Permanentes	1305.1	0.9	1334.1	2.4	+ 1.02 veces	+ 2.7 veces
Transitorios*	1223.4	0.8	1250.5	2.3	+ 1.02 veces	+ 2.9 veces
Descanso	376.9	1.7	362.4	4.6	- 1.04 veces	+ 2.7 veces
Pastos Cultiv	3302.7	0.7	3485.7	2.2	+ 1.05 veces	+ 3.1 veces
Pastos Natur	1126.5	1.3	1268.6	3.3	+ 1.13 veces	+ 2.5 veces
Páramos	600.3	2.1	619.5	4.1	+ 1.03 veces	+ 2.0 veces
Bosques	3861.9	0.9	3506.9	2.3	- 1.10 veces	+ 2.6 veces
Otros**	173.8	1.6	213.9	4.1	+ 1.23 veces	+ 2.6 veces
<b>TOTAL</b>	<b>11970.6</b>	<b>0.4</b>	<b>12041.8</b>	<b>0.9</b>	<b>+ 1.01 veces</b>	<b>+ 2.3 veces</b>

\* Se excluyen Galápagos y "Zonas No Asignadas" las cuales no están tomadas en cuenta en la ESPAC.

\*\* Se excluyen los estratos 11 y 15 de camaroneras no consideradas en la ESPAC.

De un somero análisis de los resultados que constan en el cuadro 8 y Anexo III, se pueden establecer los siguientes aspectos importantes:

- A nivel nacional (cuadro 8), las diferencias en las superficies estimadas de cultivos es de alrededor del 2 % y de pastos considerados en conjunto (cultivados+naturales +páramos) es casi del 7 %; la diferencia mayor se observa en la categoría de otros usos en la que la ESPAC estima casi ¼ más del área del CNA. La superficie total bajo UPAs mantiene una pequeña discrepancia del 1 %;
- A nivel nacional (cuadro 8), los errores relativos estándar de muestreo de la ESPAC que son menores que el 5 %, naturalmente aumentan con respecto a los obtenidos en el CNA, pero no en la magnitud prevista, debido a que si el tamaño de la muestra disminuye en un poco más de seis veces, era de esperarse que los mismos aumenten por un factor de 36. En realidad, los errores relativos de muestreo o coeficientes de variación (cv) se incrementan entre alrededor del 2 y 3 veces. Esto se debe a la eficiencia ganada en el diseño de las dos muestras PEQUEÑAS DE SEGUNDA FASE, tanto del MA como del ML, gracias a la abundante información generada por el CNA;

- A nivel provincial (Anexo III) naturalmente los coeficientes de variación son superiores a los nacionales y regionales. En el grupo de las cuatro provincias auto-representadas (Guayas, Manabí, Los Ríos y Pichincha), cultivos y pastos son estimados en la ESPAC 2000 con errores relativos de muestreo inferiores al 10 % (con varios casos que son inferiores al 5 %), excepto pastos naturales en Los Ríos y Manabí, cuyos coeficientes de variación son del orden del 16 y 19 % respectivamente. En las otras provincias se observan errores relativos de muestreo menores del 10 % y la gran mayoría de los más altos oscilan en un rango del 25 % al 40 %;
- En general a nivel provincial (Anexo III), el coeficiente entre los errores relativos de muestreo de la ESPAC y los del CNA, oscila entre 3 y 5 veces.

El análisis anterior indica, que para los tamaños de muestras establecidos con la restricción del presupuesto escaso disponible, que para las principales variables estimadas de la ESPAC se puede esperar lo siguiente:

- Estimaciones muy buenas a nivel nacional y regional;
- Estimaciones buenas a nivel de las cuatro provincias auto-representadas (Guayas, Manabí, Los Ríos, Pichincha y Chimborazo);
- Estimaciones regulares para el resto de provincias.

La expectativa de la última viñeta anterior, debe llevar a estudiar detenidamente diferentes alternativas para mejorar la eficiencia de las estimaciones:

- Colapsar provincias: las seis de la amazonía pueden agruparse en una sola, por ejemplo;
- Utilizar los métodos de razón y regresión aprovechando de que se ha empleado el MUESTREO EN DOS FASES (DOBLE) en el proceso de selección de las muestras PEQUEÑAS DE SEGUNDA FASE, tanto del MA como del ML;
- Experimentar nuevos métodos de estimación, como el de razón y regresión, sin usar el MUESTREO EN DOS FASES (DOBLE). En las estimaciones del MMM presentadas en el cuadro 8 y anexo III, solamente se han sumado las estimaciones del MA con la del ML. Sin embargo, en la literatura de la metodología del MMM existen muchos otros estimadores que se pueden aplicar, como los producidos por regresión múltiple, por ejemplo.

## **5.2 FACTOR ORIGINAL Y FINAL DE EXPANSION DIRECTA DE UN ESTRATO EN LA MUESTRA PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE DEL MA**

En general, en un estrato de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del MA, la fracción de muestreo o probabilidad de selección de un SM y su correspondiente Factor Original de Expansión Directa ( ${}_{MA}FOED_{ESPAC}$ ) y Factor Final de Expansión Directa ( ${}_{MA}FFED_{ESPAC}$ ) dentro de un estrato, responde a la fórmula siguiente:

$${}_{MA} f_{ESPAC(f)} = {}_{MA} f_{CNA(G)} * {}_{MA} f_{ESPAC(p)} = \frac{{}_{MA} n_{CNA(G)}}{{}_{MA} N_{CNA}} * \frac{{}_{MA} n_{ESPAC(p)}}{{}_{MA} n_{CNA(G)}} = \frac{{}_{MA} n_{ESPAC(p)}}{{}_{MA} N_{CNA}},$$

donde:

${}_{MA} f_{ESPAC(f)}$  = Fracción de muestreo final de la ESPAC en el MA;

${}_{MA} f_{CNA(G)}$  = Fracción de la muestra GRANDE DE PRIMERA FASE del CNA en el MA;

${}_{MA} f_{ESPAC(p)}$  = Fracción de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE de la ESPAC en el MA;

${}_{MA} n_{CNA(G)}$  = No. de SMs de la muestra GRANDE DE PRIMERA FASE del CNA 2000 en el MA;

${}_{MA} N_{CNA}$  = No. de SMs en la población del CNA en el MA;

${}_{MA} n_{ESPAC(p)}$  = No. de SMs de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE de la ESPAC en el MA.

Por lo tanto, el Factor Original de Expansión Directa en el MA es:

$${}_{MA} FOED_{ESPAC} = \frac{1}{{}_{MA} f_{ESPAC(f)}} = \frac{{}_{MA} N_{CNA}}{{}_{MA} n_{ESPAC(p)}},$$

donde:

${}_{MA} FOED_{ESPAC}$  = Factor Original de Expansión Directa de la ESPAC en el MA.

Luego, el  ${}_{MA} FOED_{ESPAC}$  tiene que ser ajustado de la siguiente forma para obtener el Factor Final de Expansión Directa en el MA:

$${}_{MA} FFED_{ESPAC} = {}_{MA} FOED_{ESPAC} * {}_{MA} FA_{sub} * {}_{MA} FA_{dis} * {}_{MA} FA_{cob} * {}_{MA} FA_{res},$$

donde:

${}_{MA} FFED_{ESPAC}$  = Factor Final de Expansión Directa de la ESPAC en el MA;

${}_{MA} FA_{sub}$  = Factor de Ajuste por el número de subdivisiones del SM del CNA en el MA;

${}_{MA} FA_{dis} = \frac{{}_{MA} dis_{G2}}{{}_{MA} dis_{G1}}$  = Factor Ajuste por diseño de la muestra PEQUEÑA de la ESPAC en el MA,

pero calculado en la muestra GRANDE DE PRIMERA FASE del CNA,

donde:

(i) En el dominio A de las provincias autorepresentadas, el  ${}_{MA} FA_{dis}$  es:

$${}_{MA} FA_{dis} = \frac{{}_{MA} dis_{G2} = \text{No de SMs por réplica con la variable de control } > 0 \text{ en un estrato del CNA}}{{}_{MA} dis_{G1} = \text{No de SMs por réplica de un estrato en la muestra del CNA en el MA}},$$

(ii) En los dominios B, C y D de las provincias autorepresentadas y en los

dominios A, B, C y D de las provincias no autorepresentadas, el  ${}_{MA} FA_{dis}$  es:

$${}_{MA} FA_{cob} = \frac{{}_{MA} dis_{G2} = \text{No de SMs por estrato con la variable de control } > 0 \text{ en el CNA}}{{}_{MA} dis_{G1} = \text{No de SMs por estrato en la muestra del CNA en el MA}},$$

donde:

'Variable de Control' = Cultivos(permanentes + transitorios + barbecho) + Pastos

(cultivados + naturales + páramos) ó 'Superficie Total' de la UPA;

${}_{MA} FA_{cob}$  = Factor de Ajuste por la falta de cobertura de la ESPAC en el MA;

${}_{MA} FA_{res}$  = Factor de Ajuste por la falta de respuesta de la ESPAC en el MA.

Lógicamente, un  ${}_{MA}FOED_{ESPAC}$  y un  ${}_{MA}FFED_{ESPAC}$  de un estrato se calculan de acuerdo a las características peculiares del diseño de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del MA de la ESPAC en cada provincia. Así por ejemplo, en Guayas (una provincia auto-representada) el diseño de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del MA contempla cuatro DEs (A, B, C, D): en el A la selección de los SMs se realizó independientemente por replicaciones, estratos y cantones, manteniendo el proceso de selección del CNA; en los otros tres DEs (B, C, D) se escogieron directamente los SMs en los estratos considerados para la ESPAC, sin tomar en cuenta las replicaciones ni los cantones.

En cambio, Cañar es una provincia no auto-representada con tres DEs (A, B y C), cuyas muestras de SMs del MA se seleccionaron solamente por estratos como en los DEs B, C y D de Guayas o sea sin respetar las replicaciones ni los cantones. Es necesario señalar que solamente Imbabura y Cotopaxi de las provincias no auto-representadas y Guayas y Manabí de las auto-representadas, tienen el DE 'D'.

Los cuadros 9 y 10 contiene una ilustración por DEs y estratos del cálculo de los  ${}_{MA}FFED_{ESPAC}$  para el MA de las provincias de Guayas y Cañar, cuando los  ${}_{MA}FA_{cob}$  y  ${}_{MA}FA_{res}$  son iguales a la unidad o sea no se tienen que realizar ajuste por falta de cobertura y respuesta.

## CUADRO 9

### ESPAC: EJEMPLOS DE FACTORES FINALES DE EXPANSIÓN DIRECTA DEL MA DE GUAYAS, POR DOMINIOS Y ESTRATOS

UPM	SM	${}_{MA}N_{CNA}$	${}_{MA}n_{ESPAC(p)}$	${}_{MA}FA_{sub}$			${}_{MA}FA_{dis}$		${}_{MA}FA_{cob}$	${}_{MA}FA_{res}$	${}_{MA}FFED_{ESPAC}$
				sub <sub>1</sub>	sub <sub>2</sub>	sub <sub>3</sub>	${}_{MA}dis_{G1}$	${}_{MA}dis_{G1}$			
<b>DOMINIO A: CANTON 4, ESTRATO 10</b>											
116	1	479	12	1	1	1	8	7	1	1	34.9271
130	2	479	12	1	1	1	8	8	1	1	39.9167
<b>DOMINIO A: CANTON 11, ESTRATO 20</b>											
1731	1	47	4	1	1	1	3	2	1	1	7.8333
1868	5	47	4	2	1	1	3	2	1	1	15.6667
<b>DOMINIO B: ESTRATO 40</b>											
708	5	281	5	1	1	1	72	52	1	1	40.5889
940	3	281	5	1	1	1	72	52	1	1	40.5889
<b>DOMINIO C: ESTRATO 10</b>											
338	2	880	25	1	1	1	154	103	1	1	23.5429
508	2	880	25	2	1	1	154	103	1	1	47.0857
<b>DOMINIO D: ESTRATO 51</b>											
1014	1	405	5	1	1	1	59	35	1	1	48.0508
1417	3	405	5	2	1	1	59	35	1	1	96.1017

**CUADRO 10**

**ESPAC: EJEMPLOS DE FACTORES FINALES DE EXPANSIÓN DIRECTA DEL MA DEL CAÑAR, POR DOMINIOS Y ESTRATOS**

UPM	SM	MA <sup>1</sup> N <sub>CNA</sub>	MA <sup>n</sup> ESPAC(p)	MA <sup>FA</sup> <sub>sub</sub>			MA <sup>FA</sup> <sub>dis</sub>		MA <sup>FA</sup> <sub>cob</sub>	MA <sup>FA</sup> <sub>res</sub>	MA <sup>FFED</sup> <sub>ESPAC</sub>
				sub <sub>1</sub>	sub <sub>2</sub>	Sub <sub>3</sub>	MA <sup>dis</sup> <sub>G1</sub>	MA <sup>dis</sup> <sub>G1</sub>			
<b>DOMINIO A: ESTRATO 10</b>											
213	2	464	15	1	1	1	76	72	1	1	29.3053
255	2	464	15	2	1	1	76	72	1	1	58.6105
<b>DOMINIO A: ESTRATO 20</b>											
127	3	182	6	1	1	1	68	67	1	1	29.8873
224	4	182	6	2	2	1	68	67	1	1	119.5490
<b>DOMINIO B: ESTRATO 40</b>											
2	3	191	6	1	1	1	40	40	1	1	31.8383
163	1	191	6	1	1	1	40	40	1	1	31.8383
<b>DOMINIO C: ESTRATO 10</b>											
144	1	24	2	2	2	1	12	12	1	1	48.0000
144	8	24	2	2	4	1	12	12	1	1	96.0000
<b>DOMINIO C: ESTRATO 30</b>											
26	1	109	2	1	1	1	30	25	1	1	45.4167
178	4	109	2	1	1	1	30	25	1	1	45.4167

**5.3 FACTOR ORIGINAL Y FINAL DE EXPANSION DIRECTA DE UN ESTRATO DE LA MUESTRA PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE DEL ML**

En general, en un estrato de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del ML, la fracción de muestreo o probabilidad de selección de una UPA y su correspondiente Factor Original de Expansión Directa ( $_{ML}FOED_{ESPAC}$ ) y Factor Final de Expansión Directa ( $_{ML}FFED_{ESPAC}$ ) dentro de un estrato, responde a la fórmula siguiente:



$${}_{ML}f_{ESPAC(f)} = {}_{ML}f_{CNA(G)} * {}_{ML}f_{ESPAC(p)} = \frac{{}_{ML}n_{CNA(G)} * {}_{ML}n_{ESPAC(p)}}{{}_{ML}N_{CNA}} = \frac{{}_{ML}N_{CNA} * {}_{ML}n_{ESPAC(p)}}{{}_{ML}N_{CNA} * {}_{ML}n_{CNA(G)}} = \frac{{}_{ML}n_{ESPAC(p)}}{{}_{ML}N_{CNA}}$$

donde :

${}_{ML}f_{ESPAC(f)}$  = Fracción de muestreo final de la ESPAC en el ML;

${}_{ML}f_{CNA(G)} = 1$  = Fracción de la muestra GRANDE DE PRIMERA FASE del CNA en el ML;

${}_{ML}f_{ESPAC(p)}$  = Fracción de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE de la ESPAC en el ML;

${}_{ML}n_{CNA(G)} = {}_{ML}N_{CNA}$  = No. de UPAs de la muestra GRANDE DE PRIMERA FASE del CNA en el ML;

${}_{ML}N_{CNA}$  = No. de UPAs en la población del CNA en el ML;

${}_{ML}n_{ESPAC(p)}$  = No. de UPAs de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE de la ESPAC en el ML.

Por lo tanto, el Factor Original de Expansión Directa en el ML es :

$${}_{ML}FOED_{ESPAC} = \frac{1}{{}_{ML}f_{ESPAC(f)}} = \frac{{}_{ML}N_{CNA}}{{}_{ML}n_{ESPAC(p)}}$$

donde :

${}_{MA}FOED_{ESPAC}$  = Factor Original de Expansión Directa de la ESPAC en el ML.

Luego, el  ${}_{ML}FOED_{ESPAC}$  tiene que ser ajustado de la siguiente forma para obtener el Factor Final de Expansión Directa en el ML :

$${}_{ML}FFED_{ESPAC} = {}_{ML}FOED_{ESPAC} * {}_{ML}FA_{dis} * {}_{ML}FA_{cob} * {}_{ML}FA_{res},$$

donde :

${}_{ML}FFED_{ESPAC}$  = Factor Final de Expansión Directa de la ESPAC en el ML;

${}_{ML}FA_{dis} = \frac{{}_{ML}dis_{G2}}{{}_{ML}dis_{G1}}$  = Factor Ajuste por diseño de la muestra PEQUEÑA de la ESPAC en el ML,

pero calculado en la muestra GRANDE DE PRIMERA FASE del CNA,

donde :

(i) En los estratos 1 y 2, subestratos (grupos) 1, 2 y 3 (no incluye el 4), el  ${}_{ML}FA_{dis}$  es :

$${}_{ML}FA_{dis} = \frac{{}_{ML}dis_{G2}}{{}_{ML}dis_{G1}} = \frac{\text{No de UPAs por estrato con la variable de control } > 0 \text{ en el CNA}}{\text{No de UPAs por subestrato (grupo) del CNA en el ML}}$$

con la 'Variable de Control' = Cultivos (permanentes + transitorios + barbecho) + Pastos (cultivados + naturales + páramos);

(ii) En los estratos 4 al 14 (sin incluir 11 y 15 de camarónicas), el  ${}_{ML}FA_{dis}$  es :

$${}_{ML}FA_{cob} = \frac{{}_{ML}dis_{G2}}{{}_{ML}dis_{G1}} = \frac{\text{No de UPAs por estrato con la variable de control } > 0 \text{ en el CNA}}{\text{No de UPAs por estrato del CNA en el ML}}$$

con la 'Variable de Control' = Característica que define el estrato (flores, maracuyá, ...  
..., mango, brócoli, palmito, aves, porcinos, etc.);

${}_{ML}FA_{cob}$  = Factor de Ajuste por la falta de cobertura de la ESPAC en el ML;

${}_{ML}FA_{res}$  = Factor de Ajuste por la falta de respuesta de la ESPAC en el ML.

Los cuadros 11 y 12 contienen ejemplos por estratos del cálculo de los  $ML_{FFED_{ESPAC}}$  para el MA de las provincias de Guayas y Cañar.

**CUADRO 11**

**ESPAC: EJEMPLOS DE FACTORES FINALES DE EXPANSIÓN DIRECTA DEL ML DE GUAYAS, POR ESTRATOS**

(Cantón) Estrato	Sub-Estrato (Grupo)	UPA No	$ML_{N_{CNA}}$	$ML_{n_{ESPAC(p)}}$	$ML_{FA_{dis}}$		$ML_{FA_{cob}}$	$ML_{FA_{res}}$	$ML_{FFED_{ESPAC}}$
					$ML_{dis_{G1}}$	$ML_{dis_{G2}}$			
(1) 1	1	9	389	268	389	380	1	1	1.4179
(1) 1	2	2	282	264	282	270	1	1	1.0227
(1) 1	3	3	99	97	99	97	1	1	1.0000
(1) 1	4	18	66	66	66	66	1	1	1.0000
(1) 2	1	5	162	15	162	45	1	1	9.6667
(1) 2	2	2	13	4	13	12	1	1	3.0000
(1) 2	3	9	4	2	4	4	1	1	2.0000
(17) 2	4	4	1	1	1	1	1	1	1.000
(1) 5	-	11	94	47	94	86	1	1	1.8298
(1) 10	-	31	15	6	15	10	1	1	1.6667

**CUADRO 11**

**ESPAC: EJEMPLOS DE FACTORES FINALES DE EXPANSIÓN DIRECTA DEL ML DE CAÑAR, POR ESTRATOS**

(Cantón) Estrato	Sub-Estrato (Grupo)	UPA No	$ML_{N_{CNA}}$	$ML_{n_{ESPAC(p)}}$	$ML_{FA_{dis}}$		$ML_{FA_{cob}}$	$ML_{FA_{res}}$	$ML_{FFED_{ESPAC}}$
					$ML_{dis_{G1}}$	$ML_{dis_{G2}}$			
(1) 1	1	7	88	72	88	88	1	1	1.2222
(1) 1	2	4	32	30	32	30	1	1	0.9999
(3) 1	3	2	8	8	8	8	1	1	1.0000
(4) 1	4	8	15	15	15	15	1	1	1.0000
(-) 2	1	-	-	-	-	-	-	-	-
(-) 2	2	-	-	-	-	-	-	-	-
(-) 2	3	-	-	-	-	-	-	-	-
(-) 2	4	-	-	-	-	-	-	-	-
(2) 3	-	1	4	4	4	4	1	1	1.0000
(4) 9	-	1	1	1	1	1	1	1	1.0000

**5.4 EQUIVALENCIA DE LA SIMBOLOGIA USADA EN LOS FACTORES FINALES DE EXPANSION DIRECTA**

El cuadro 13 indica las equivalencias de los símbolos utilizados en las fórmulas de los  $MA_{FFED_{ESPAC}}$  y  $ML_{FFED_{ESPAC}}$  presentadas en los dos numerales anteriores con los empleados en los programas desarrollados en SAS para el análisis de los datos tanto del CNA como de la ESPAC.

**CUADRO 13**

**ESPAC: COMPARACIÓN DE LA SIMBOLOGIA USADA EN SAS Y EN LAS FORMULAS DE LOS FACTORES FINALES DE EXPANSION DIRECTA Y DESCRIPCIÓN DE LA MISMA**

SIMBOLO		DESCRIPCIÓN
SAS	FORMULA	
<b>ANTOTSEG</b>	${}_{MA}N_{CNA}$	Número de SMS por estrato en la POBLACION del MA del CNA, dentro del DE 'A' de las provincias auto-representadas en la ESPAC
<b>ANTOTSEG1</b>	${}_{MA}N_{CNA}$	Número de SMS por estrato en la POBLACIÓN del MA del CNA, dentro de los DEs 'B, C y D' de las provincias auto-representadas y DEs 'A, B, C y D' de las no auto-representadas en la ESPAC
<b>ANSEGSEL</b>	${}_{MA}n_{ESPAC(p)}$	Número de SMS por estrato en la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del MA, dentro de los DEs 'A, B, C y D' de las provincias auto-representadas y no auto-representadas en la ESPAC
<b>AREPL</b>	-	Número de orden de una réplica dentro de un estrato del MA en el CNA del DE 'A' de las provincias auto-representadas en la ESPAC
<b>SMREPLICA</b>	${}_{MA}dis_{G1}$	Número de SMS por réplica dentro de un estrato del MA con la variable de control >0 en la muestra GRANDE DE PRIMERA FASE del CNA, dentro del DE A de las provincias auto-representadas en la ESPAC
<b>NREPLICA</b>	${}_{MA}dis_{G2}$	Número de SMS por réplica dentro de un estrato del MA en la muestra GRANDE DE PRIMERA FASE del CNA, dentro del DE 'A' de las provincias auto-representadas en la ESPAC
<b>N1</b>	${}_{MA}dis_{G1}$	Número de SMS por estrato del MA con la variable de control >0 en la muestra GRANDE DE PRIMERA FASE del CNA, dentro de los DEs 'B, C y D' de las provincias auto-representadas y no auto-representadas en la ESPAC
<b>N2</b>	${}_{MA}dis_{G2}$	Número de SMS por estrato del MA en la muestra GRANDE DE PRIMERA FASE del CNA, dentro de los DEs 'B, C y D' de las provincias auto-representadas y no auto-representadas de la ESPAC
<b>ANPASUB1</b>	<b>sub<sub>1</sub></b>	Primera sub-división de un SM dentro de un estrato del MA
<b>ANPASUB2</b>	<b>sub<sub>2</sub></b>	Segunda sub-división de un SM dentro de un estrato del MA
<b>ANPASUB3</b>	<b>sub<sub>3</sub></b>	Tercera sub-división de un SM dentro de un estrato del MA
<b>AFEXPDEF</b>	${}_{MA}FFED_{ESPAC}$	Factor Final de Expansión Directa del MA en la ESPAC, por estrato
<b>NPT</b>	${}_{ML}N_{CNA} = {}_{ML}dis_{G1}$	Número de UPAs en la POBLACION del ML del CNA (muestra GRANDE DE PRIMERA FASE), por sub-estratos (grupos) de la ESPAC dentro de los estratos 1 y 2 del CNA
<b>NS</b>	${}_{ML}n_{ESPAC(p)}$	Número de UPAs seleccionadas en la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del ML, por sub-estratos (grupos) de la ESPAC dentro de los estratos 1 y 2 del CNA
<b>NC</b>	${}_{ML}dis_{G2}$	Número de UPAs en la POBLACIÓN del ML del CNA (muestra GRANDE DE PRIMERA FASE), con variable de control >0 y por sub-estratos (grupos 1, 2, 3) de la ESPAC dentro de los estratos 1 y 2 del CNA. No se incluye el sub-estrato 4 (grupo 4)
<b>N</b>	${}_{ML}N_{CNA} = {}_{ML}dis_{G1}$	Número de UPAs en la POBLACION del ML del CNA (muestra GRANDE DE PRIMERA FASE), por estratos 3-14 (no se incluye el 11) del CNA
<b>NS</b>	${}_{ML}n_{ESPAC(p)}$	Número de UPAs seleccionadas en la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE del ML, por estratos 3-14 (no se incluye el

		11) del CNA
<b>NC</b>	<b>MLdis<sub>G2</sub></b>	Número de UPAs en la POBLACIÓN del ML del CNA (muestra GRANDE DE PRIMERA FASE), con variable de control >0 y por estratos 3-14 (no se incluye el 11) del CNA.
<b>AFEXPDEF</b>	<b>MLFFED<sub>ESPAC</sub></b>	Factor Final de Expansión Directa del ML en la ESPAC, por grupo en los estratos 1 y 2 y por estratos 3-14 (no se incluye el 11)
<b>PTBPNPCR</b>	<b>‘Variable de Control’</b>	Superficie del MA y ML en el CNA bajo cultivos permanentes, transitorios, barbecho, pastos naturales, pastos cultivados, páramos, en los DEs A, B, C y D de la provincias auto-representadas y no auto-representadas de la ESPAC
<b>SUMTOTH</b>	<b>‘Variable de Control’</b>	Superficie total bajo UPAs del MA de algunos DEs, como el C de la provincia auto-representada del Guayas.
<b>&amp;CTRL</b>	<b>‘Variable de Control’</b>	Valor de la característica (superficie sembrada o plantada de cultivos, existencias de ganado vacuno, porcinos, aves, etc.) que define a los estratos 3-14 (flores, Maracuyá, mango, brócoli, palmito, aves, porcinos, etc.). No se incluyen los estratos 11 y 15 de camaronerías en el CNA.

## 5.5 PROCESO DE ESTIMACIÓN POR EXPANSIÓN DIRECTA DE LAS PROVINCIAS AUTO-PONDERADAS EN EL MA DE LA ESPAC

### 5.5.1 Dominio de Estudio (DE) ‘A’ del MA

Toda vez que, en este DE ‘A’ se sigue el mismo diseño de muestreo del CNA seleccionando independientemente los SMs dentro de cada replicación de un estrato en un Cantón, también las estimaciones, tanto del TOTAL de una variable como de su varianza, siguen los mismos cinco pasos y emplean las mismas fórmulas descritos y presentadas en el numeral 3.3.1.

### 5.5.2 Dominios de Estudio (DEs) B, C y D del MA

Dado que en estos DEs no se emplea el diseño por replicaciones dentro de un estrato y Cantón, el proceso de estimación es el siguiente:

- **TOTAL de una Variable:** se utilizan los mismos cinco pasos aplicados en el DE ‘A’, teniendo en cuenta que el nivel del DE sustituye al de Cantón;
- **Varianza del TOTAL de una variable:** también en este caso el nivel del DE reemplaza al del Cantón, pero la fórmula del cálculo de la varianza de un estrato tiene que modificarse ligeramente ya que no se consideran las replicaciones.

A continuación se presenta las fórmulas SAS debidamente adecuadas para la estimación por Expansión Directa del TOTAL de una variable y de su varianza; pero, en estas estimaciones se pueden emplear cualquiera de las otras fórmulas presentadas en los numerales 3.3.1 y 3.3.4.

*FORMULAS 'SAS' POR ESTRATO EMPLEADAS EN LOS DOMINIOS B, C y D DE LAS PROVINCIAS AUTO – PONDERADAS EN EL MA DE LA ESPAC*

$${}_{SAS}\hat{Y}_h = \sum_{i=1}^{n_h} {}_{SAS}\hat{Y}_{hi} = \sum_{i=1}^{n_h} {}_{MA}FFED_{hi} {}_p y_{hi},$$

donde:

${}_{SAS}\hat{Y}_h$  = Estimación 'SAS' del TOTAL de una variable en el estrato  $h$  – ésimo del MA;

${}_{SAS}\hat{Y}_{hi}$  = Estimación 'SAS' del TOTAL de una variable en el  $i$  – ésimo SM del estrato  $h$  – ésimo del MA;

${}_{MA}FFED_{hi}$  = Factor Final de Expansión Directa en el  $i$  – ésimo SM del estrato  $h$  – ésimo del MA;

${}_p y_{hi}$  = Total ponderado de una variable en la muestra del  $i$  – ésimo SM en el estrato  $h$  – ésimo del MA;

$n_h$  = Número de SMs de la muestra en el estrato  $h$  – ésimo del MA.

$$\text{var}({}_{SAS}\hat{Y}_h) = \left(1 - \frac{n_h}{N_h}\right) \frac{\sum_{i=1}^{n_h} (\hat{Y}_{hi} - \hat{\bar{Y}}_h)^2}{n_h - 1},$$

donde:

$\text{var}({}_{SAS}\hat{Y}_h)$  = varianza de la estimación 'SAS' del TOTAL de una variable en el estrato  $h$  – ésimo del MA;

$$\hat{\bar{Y}}_h = \frac{\sum_{i=1}^{n_h} \hat{Y}_{hi}}{n_h} = \text{Media de la estimación 'SAS' del TOTAL de una variable}$$

en el estrato  $h$  – ésimo del MA;

$N_h$  = Número de SMs en la población del estrato  $h$  – ésimo del MA.

## **5.6 PROCESO DE ESTIMACIÓN POR EXPANSION DIRECTA DE LAS PROVINCIAS NO AUTO-PONDERADAS EN EL MA DE LA ESPAC**

En los DEs 'A, B, C y D' de las provincias no auto-ponderadas en el MA de la ESPAC, para el proceso de estimación mediante Expansión Directa, se emplean las mismas fórmulas aplicadas para los DEs 'B, C y D' de las provincias auto-ponderadas que constan en el numeral anterior.

## 5.7 PROCESO DE ESTIMACIÓN POR EXPANSION DIRECTA EN EL ML DE LA ESPAC

Para la estimación por Expansión Directa del TOTAL de una variable y de su varianza en los estratos 1 y 2 (grupos 1, 2, 3 y 7) y 3-14 (no se incluye el 11) del ML en la ESPAC, se emplean las fórmulas que se exponen a continuación.

### FORMULAS 'SAS' POR ESTRATO EMPLEADAS EN EL ML DE LA ESPAC

$${}_{SAS}\hat{Y}_h = \sum_{i=1}^{n_h} {}_{SAS}\hat{Y}_{hi} = \sum_{i=1}^{n_h} {}_{ML}FFED_{hi} y_{hi},$$

donde:

${}_{SAS}\hat{Y}_h$  = Estimación 'SAS' del TOTAL de una variable en el estrato  $h$  – ésimo del ML;

${}_{SAS}\hat{Y}_{hi}$  = Estimación 'SAS' del TOTAL de una variable en la  $i$  – ésima UPA del estrato  $h$  – ésimo del ML;

${}_{ML}FFED_{hi}$  = Factor Final de Expansión Directa en la  $i$  – ésima UPA del estrato  $h$  – ésimo del ML;

$y_{hi}$  = Total de una variable en la muestra de la  $i$  – ésima UPA en el estrato  $h$  – ésimo del ML;

$n_h$  = Número de UPAs de la muestra en el estrato  $h$  – ésimo del ML.

$$\text{var}({}_{SAS}\hat{Y}_h) = \left(1 - \frac{n_h}{N_h}\right) \frac{\sum_{i=1}^{n_h} (\hat{Y}_{hi} - \hat{Y}_h)^2}{n_h - 1},$$

donde:

$\text{var}({}_{SAS}\hat{Y}_h)$  = Varianza de la estimación 'SAS' del TOTAL de una variable en el estrato  $h$  – ésimo del ML;

$\hat{Y}_h = \frac{\sum_{i=1}^{n_h} \hat{Y}_{hi}}{n_h}$  = Media de la estimación 'SAS' del TOTAL de una variable en el estrato  $h$  – ésimo del ML;

$N_h$  = Número de UPAs en la población del estrato  $h$  – ésimo del ML.

## 6 PROCESO DE ESTIMACIÓN DE LA ESPAC MEDIANTE RAZON Y REGRESION

EL método del MUESTREO EN DOS FASES (DOBLE) usado en la ESPAC, además del proceso de Expansión Directa descrito en el capítulo anterior, permite aplicar una serie de otros procesos de estimación, siendo los más comunes el de RAZON y REGRESIÓN, a fin de aprovechar la correlación que existe entre la muestra GRANDE DE PRIMERA FASE (CNA) y la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE (ESPAC), para mejorar la precisión de la estimación de una variable cualquiera investigada en la misma.

### 6.1 PROCESO DE ESTIMACIÓN DE LA ESPAC MEDIANTE RAZON

Este método de estimación del TOTAL de una variable y de su varianza en la ESPAC, tanto en un estrato del MA como del ML, responde a las siguientes fórmulas:

$${}_{ESPAC} \hat{Y}_r = \frac{{}_{ESPAC} \hat{Y}_p}{{}_{CNA} \hat{X}_p} {}_{CNA} \hat{X}_G = R_d {}_{CNA} \hat{X}_G,$$

donde:

${}_{ESPAC} \hat{Y}_{rd}$  = Estimación de RAZON del TOTAL de una variable en un estrato de la ESPAC con MUESTREO EN DOS FASES (DOBLE);

${}_{ESPAC} \hat{Y}_p$  = Estimación por Expansión Directa del TOTAL de una variable desde un estrato de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE en la ESPAC ;

${}_{CNA} \hat{X}_p$  = Estimación por Expansión Directa del TOTAL de la misma variable anterior ( ${}_{ESPAC} \hat{Y}_p$ ) desde un estrato de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE, pero obtenida con datos del CNA ;

$R_d = \frac{{}_{ESPAC} \hat{Y}_p}{{}_{CNA} \hat{X}_p}$  = Razón entre la variable ( ${}_{ESPAC} \hat{Y}_p$ ) y la variable ( ${}_{CNA} \hat{X}_p$ ) en un estrato de la ESPAC con MUESTREO EN DOS FASES (DOBLE);

${}_{CNA} \hat{X}_G$  = Estimación por Expansión Directa del TOTAL de la misma variable anterior  ${}_{ESPAC} \hat{Y}_p$  desde un estrato de la muestra GRANDE DE SEGUNDA FASE en el CNA.

$$\text{var}({}_{ESPAC}\hat{Y}_r) = \frac{1}{n_p} (s_{\hat{Y}_p}^2 + R_d^2 s_{\hat{Y}_p}^2 - 2R_d s_{\hat{Y}_p \hat{X}_p}) + \frac{2R_d s_{\hat{Y}_p \hat{X}_p} - R_d^2 s_{\hat{X}_p}^2}{n_G},$$

donde :

$\text{var}({}_{ESPAC}\hat{Y}_r)$  = varianza de la estimación de RAZON del TOTAL de una variable en un estrato de la ESPAC con MUESTREO EN DOS FASES (DOBLE);

$n_G$  = Tamaño de la muestra (SMs o UPAs) GRANDE DE PRIMERA FASE en el CNA;

$n_p$  = Tamaño de la muestra (SMs o UPAs) PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE en la ESPAC;

$s_{\hat{Y}_p}^2$  = varianza de  $({}_{ESPAC}\hat{Y}_p)$ ;

$s_{\hat{X}_p}^2$  = varianza de  $({}_{CNA}\hat{X}_p)$ ;

$s_{\hat{Y}_p \hat{X}_p}$  = covarianza de  $({}_{ESPAC}\hat{Y}_p, {}_{CNA}\hat{X}_p)$ .

## 6.2 PROCESO DE ESTIMACIÓN DE LA ESPAC MEDIANTE REGRESION

Este método de estimación del TOTAL de una variable y de su varianza en la ESPAC, tanto en un estrato del MA como del ML, responde a las siguientes fórmulas:

$${}_{ESPAC}\hat{Y}_{rgd} = {}_{ESPAC}\hat{Y}_p + B_d ({}_{CNA}\hat{X}_G - {}_{CNA}\hat{X}_p),$$

donde :

${}_{ESPAC}\hat{Y}_{rgd}$  = Estimación de REGRESION del TOTAL de una variable en un estrato de la ESPAC con MUESTREO EN DOS FASES (DOBLE);

$$B_d = \frac{\sum_{i=1}^{n_p} ({}_{ESPAC}\hat{Y}_{ip} - {}_{ESPAC}\hat{Y}_p)({}_{CNA}\hat{X}_{ip} - {}_{CNA}\hat{X}_p)}{\sum_{i=1}^{n_p} ({}_{CNA}\hat{X}_{ip} - {}_{CNA}\hat{X}_p)^2}$$

= Coeficiente de REGRESION de la variable  $({}_{ESPAC}\hat{Y}_p)$  con la  $({}_{CNA}\hat{X}_p)$  en un estrato de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE en la ESPAC,

donde :

${}_{ESPAC}\hat{Y}_p$  = Media de la estimación del TOTAL de la variable  $({}_{ESPAC}\hat{Y}_p)$  en un estrato de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE en la ESPAC;

${}_{CNA}\hat{X}_p$  = Media de la estimación del TOTAL de la variable  $({}_{CNA}\hat{X}_p)$  en un estrato de la muestra PEQUEÑA DE SEGUNDA FASE, pero obtenida con datos del CNA.



*FORMULAS APROXIMADAS DE LA VARIANZA DE LA ESTIMACION POR REGRESION DEL TOTAL DE UNA VARIABLE EN UN ESTRATO DEL MA o ML EN LA ESPAC*

*PRIMERA FORMULA DE W. G. COCHRAN*

$$\text{var}(\hat{Y}_{rgd}^{C_1}) = \frac{s_{\hat{Y}_p \hat{X}_p}^2}{n_p} + \frac{s_{\hat{Y}_p}^2 - s_{\hat{Y}_p \hat{X}_p}^2}{n_g} - \frac{s_{\hat{Y}_p}^2}{N},$$

donde :

$\text{var}(\hat{Y}_{rgd}^{C_2}) =$  *varianza de la estimación por REGRESION del TOTAL de una variable en un estrato de la ESPAC con MUESTREO EN DOS FASES;*

$$s_{\hat{Y}_p \hat{X}_p}^2 = \frac{1}{n_p - 2} \left[ \sum_{i=1}^{n_p} (\hat{Y}_{IP} - \hat{Y}_p)^2 - B_d^2 \sum_{i=1}^{n_p} (\hat{X}_{IP} - \hat{X}_p)^2 \right];$$

$N =$  *Número de SMs en la población del MA o número de UPAs en la población del ML.*

*SEGUNDA FORMULA DE W. G. COCHRAN*

$$\text{var}(\hat{Y}_{rgd}) = s_{\hat{Y}_p \hat{X}_p}^2 \left[ \frac{1}{n_p} + \frac{(CNA \hat{X}_G - CNA \hat{X}_p)^2}{\sum_{i=1}^{n_p} (CNA \hat{X}_{IP} - CNA \hat{X}_p)^2} \right] + \frac{s_{\hat{Y}_p}^2 - s_{\hat{Y}_p \hat{X}_p}^2}{n_g} - \frac{s_{\hat{Y}_p}^2}{N}.$$

*FORMULA DE L. KISH*

$$\text{var}(\hat{Y}_{rgd}^K) = \frac{(s_{\hat{Y}_p}^2 - \rho_{\hat{Y}_p \hat{X}_p}^2)}{n_p - 2} + \frac{\rho_{\hat{Y}_p \hat{X}_p}^2 s_{\hat{Y}_p}^2}{n_g},$$

donde :

$$\rho_{\hat{Y}_p \hat{X}_p} = \frac{\sum_{i=1}^{n_p} (\hat{Y}_{ip} - \hat{Y}_p)(\hat{X}_{ip} - \hat{X}_p)}{\sqrt{\sum_{i=1}^{n_p} (\hat{Y}_{ip} - \hat{Y}_p)^2 \sum_{i=1}^{n_p} (\hat{X}_{ip} - \hat{X}_p)^2}} = \text{coeficiente de correlación entre las}$$

*las variables*  $(\hat{Y}_{ip}, \hat{X}_{ip});$

$\rho_{\hat{Y}_p \hat{X}_p}^2 =$  *coeficiente de det er min ación entre las las variables*  $(\hat{Y}_{ip}, \hat{X}_{ip}).$

## 7 SOFTWARE UTILIZADO

En los procesos de selección de la muestra y estimación de los resultados, se han utilizado básicamente el “software” desarrollado con el Statistical Analysis System (SAS)”, el cual se encuentra en el Departamento del SEAN/INEC y que se detalla a continuación:

- Programas ad-hoc desarrollados en SAS para el manejo de bases de datos del CNA/00 y las ESPAC/02-03 tanto para el MA como el ML.
- Rutina SAS “PROC SURVEY SELECT” para la selección de las muestras PEQUEÑAS DE SEGUNDA FASE del MA y ML.
- Rutina SAS “PROC TABULATE” para la producción de tablas con los resultados de las ESPAC/02-03.
- Rutina SAS “PROC SURVEYMEANS” para el proceso de estimación por Expansión Directa de los agregados de las variables y sus errores de muestreo.
- Programas ad-hoc desarrollados en SAS para el proceso de estimación por Expansión Directa de los agregados de las variables y sus errores de muestreo, a nivel provincial, regional y nacional.
- Programas ad-hoc desarrollados en SAS para el proceso de estimación por Regresión de los agregados de las variables y sus errores de muestreo.
- Rutina SAS “PROC SURVEYREG” para el proceso de estimación por Regresión de los agregados de las variables y sus errores de muestreo.
- Variedad de programas ad-hoc desarrollados en SAS para la adecuación de las bases de datos del CNA/00 y las ESPAC/02-03 que sirvan de insumos en la aplicación de las rutinas y programas SAS mencionados en las viñetas anteriores.
- Variedad de programas ad-hoc desarrollados en SAS para resolver los problemas diarios encontrados en el análisis de los resultados de las ESPAC/02-03.